# MFCによる4WD-EVの増粘着制御シミュレーション

堀 洋一(東京大学)

Simulation of MFC-Based Adhesion Control of 4WD Electric Vehicle

Yoichi Hori (University of Tokyo)

**Abstract**: The most distinct advantage of electric vehicle (EV) is in its quick and precise torque generation. Our final goal is to realize a high performance 4 wheel driven (4WD) EV with vehicle dynamics control. As an important part of this project, we propose the advanced adhesion control technique based on the model following control, whose basic effectiveness is already shown by using the test vehicle. In this paper, I will show some advenced simulation results of what may happen when we apply this technique to 4WD EV.

キーワード:電気自動車,モーションコントロール,トラクションコントロール,モデル追従制御 (electric vehicle, motion control, traction control, model following control)

## 1.電気自動車の魅力

電気自動車では電気モ - タの特長を生かさなけれ ば意味がない。静的な効率マップなどで比べたり, クリーンさを売りものにしたりしていると,早晩ガ ソリン車に負けるようになるだろう。

電気モータの最大の特長は,

<u>トルク応答がエンジンの2ケタ速い</u>

という点である。エンジンが500msならモータは5ms である。アクチュエータが速いとフィードバック制 御が可能になり,人間から見た駆動特性(目標値応 答)を変えることなく,車輪がスリップしたときの トルクの垂下特性(外乱応答)だけを調整したりで きるようになる。(2自由度制御という。)

つぎに,

自分の発生するトルクが正確に把握できる という点で,これをいかせば,タイヤの発生してい る駆動力や制動力を容易に推定でき,路面摩擦係数 の実時間同定が簡単にできるようになる。この情報 は直ちにトラクションコントロールに用いることが できるし,すべりやすい路面ではドライバに警告を 出したりすることも可能になる。

さらに,

<u>モータは分散配置してもコスト高にならない</u>

ので,4輪独立駆動にすれば,ヨーレートそのもの を制御入力とする新しい制御系が組め,ガソリン車 にはできない高度なモーションコントロールが可能 になる。小型エンジンを4個使うことは非常識でも 電気モータなら可能であろう。

このような制御の世界にこそ,電気自動車ならで はの魅力が存在する。遠からず人々はこれに気がつ き,電気自動車の高性能制御の時代が必ずやってく る。図1に示すのは,4輪に配したインホイルモー タによって4輪完全独立駆動を行う高性能EV東大 三月号IIの概念図である。また図2は,実現しよう としているモーション制御系のブロック図である。







図2 4輪独立駆動車によるモーション制御系の構成

車体のダイナミクスは,車両速度,すべり角,ヨ ーレートを状態変数とする非線形状態方程式によっ て表現することができるが,一般には,車両速度を 一定と仮定した線形状態方程式を用いて,諸種の姿 勢安定化制御が提案されている。

図2の上の段は基本的にフィードフォワード制御 や遅いフィードバック制御である。たとえば,望み の車両特性を実現するすべり角やヨーレートの指令 生成や,それを実現する姿勢制御系は従来のガソリ ン車でもよく研究されている。「動的駆動力配分制 御」と記した部分は,横力を時々刻々推定しなが ら,横力の小さいタイヤに大きな制駆動力を分担さ せることによりタイヤの発生力を均一化する手法 で,4輪駆動EV特有の手法である。 しかし,電気自動車の速くて正確なトルク発生を 最もよく利用できるのは,MFCや最適スリップ率制 御など,一番内側のマイナー制御ループとして作り 込まれる増粘着制御であり,ガソリン車には絶対に まねのできない制御となる。

図3に示すように,電気自動車はまさに電気・機 械複合系であり,さらに人間・機械複合系でもあ る。加減速を含む全領域での粘着制御は電気自動車 において初めて可能になる。摩擦係数の小さいタイ ヤで走行できれば,エネルギー消費を節約できる。

機械ブレーキは非常用とし,電気ブレーキを常用 すれば,エレベータのようななめらかな加減速が可 能になる。



図3 EVは電気・機械複合系

2.路面摩擦力関数

電気自動車のダイナミクスは,前後方向と横方向 とに分けられる。前後方向で加速時にスリップを抑 制する制御をトラクションコントロール,ブレーキ 時のものをABSという。トラクションコントロール はガソリン車では困難であるが,トルク応答の速い 電気自動車では容易に実現できる。

タイヤと路面の摩擦特性(図4)には,前後方 向,横方向ともに適度な摩擦係数をもつスリップ率 の範囲がある。この範囲にスリップ率を保ったり, 決してその右側に出たりすることのない制御を行う ことも可能であり,盛んに研究されている。



横方向ついても旋回安定性の改善などを目的とし て,ヨーレート制御,モデルマッチング制御,駆動 力配分制御などの検討が行われている。

# 3. モデル追従制御(MFC)と基本実験

1輪でのスリップ防止制御を目的としたモデル追 従制御(MFC)は,図5に示すように,すべらない 車両モデルと実際の車輪速を比較してフィードバッ クする非常に簡単なものである。

図6,図7に初代の東大三月号を用いて行った実験とその結果を示す。電気モータの制御によって, タイヤはたしかにすべりにくくなることが確認できる。タイヤのすべりにくさはゴムの材料で決まると 思っている人には,不思議な結果であろう。



図7 定トルク制御とMFCの実験結果

4. モデル追従制御 (MFC) のシミュレーション

4.1 運転者のモデル

MFCを車輪に施し,車両がどのような挙動をする かをシミュレートするにあたり,運転者のモデルを 考える必要がある。基本的には,運転者は速度制御 器の役割をすると考える。

運転者は,頭の中で作る速度指令をもとにトルク 指令を作り,アクセルペダルを操作する。ほとんど フィードフォワード制御であるが,メータやまわり の景色などから推定する車体速と速度指令の差にも とづいた弱いフィードバックがかかっていると考え られる。

比較する二つの制御方策(電流制御とMFC)とあわせてブロック図に描けば,図8のようになる。



(a)の電流制御のみによる駆動制御では,トルク指 令はそのままモータトルクとなる。すべりやすい路 面に入っても指令トルクがそのまま実現されるた め,大きなスリップを発生する可能性がある。(b)の MFCによる駆動制御では,すべらない理想的な車体 モデルから出力されるモデル車輪速と,実際の車輪 速の差にもとづいて,指令されたトルクを減ずるよ うなフィードバック制御(MFC)が行われる。

たとえばすべりやすい路面に突入すると,トルク は急激かつ高速に垂下特性を示し,スリップは小さ い範囲に抑えられる。この効果は,駆動時,制動時 を問わず同じはずである。

#### 4.2 車両のモデル

前後方向のタイヤに働く力は図9(a)で与えられ, 次の2本の運動方程式で表現することができる。

$$(F_m - F_d) \frac{1}{M_w s} = V_w \tag{1}$$
$$F_d \frac{1}{M_s} = V \tag{2}$$

ここに,  $F_m$ はモータトルク,  $F_d$ は摩擦力(すなわち 車体の制駆動力),  $M_w$ はホイールの慣性, Mは車体 重量, NはN=Mgで与えられる垂直抗力である。摩擦 力はN と路面摩擦力関数 $\mu(\lambda)$ の積で,

$$F_d = N \ \mu(\lambda) \tag{3}$$

のように与えられる。路面摩擦力関数  $\mu(\lambda)$ のことを  $\mu-\lambda$ 曲線と呼び,タイヤのスリップ率 $\lambda$ の非線形関数 である。さらに,路面によって大きく変動する。



(a) 1 輪のモデル 戸 8月 1 日



図 9 タイヤモデルとμ-λ 曲線

スリップ率は,

$$\lambda = V_w - V / V_w : V_w V \lambda = - V - V_w / V : V V_w$$

$$(4)$$

で定義される。駆動時と制動時で異なることに注意 されたい。

μ-λ曲線としては, magic formula とよばれるモデ ル式が知られている。ここでは,

$$\mu = -c \times 1.1 \left( e^{-35\lambda} - e^{-0.35\lambda} \right) \qquad :V_w \quad V \\ \mu = c \times 1.05 \left( e^{45\lambda} - e^{0.45\lambda} \right) \qquad :V \quad V_w$$
 (5)

とした。図 9 (b)はこれを描いたものである。cは道路の種類によって,  $\mu-\lambda$ 曲線全体の形を比例的に変化させるためのパラメータである。

4.3 1輪のダイナミクス

以上をまとめると,図10に示す1輪ダイナミク スモデルができ上がる。



図10 1輪ダイナミクス



図11 車体ダイナミクス

本稿のシミュレーションでもっともやっかいなの は、(4)式のスリップ率の計算で頻繁に起こるゼロ割 の回避である。いろいろ試みた結果、車体速、車輪 速と小さな値(ここでは0.001)を比較し、その最大 値で割算を行うのが良い。具体的には図10の MATLAB function 部分で下記のとおりである。減速 時に車輪速は負にもなりうる(たとえばV>0>V<sub>w</sub>) が、それを考慮してもこれで良さそうである。

```
%----- slip ratio & m-l curve -----
    u(1): wheel speed u(2): vehicle speed
%
%
     u(3): coeff. of m-l curve
%
     y(1): slip ratio l
     y(2): friction coeff. m
%
function [y] = mlfunc(u)
y(1) = (u(1)-u(2))/max([u(1),u(2),0.001]);
if u(1) >= u(2)
y(2) = -u(3)*1.1*(exp(-35*y(1))-exp(-0.35*y(1)));
else
y(2) = u(3)*1.05*(exp(45*y(1))-exp(0.45*y(1)));
end
```

以上をまとめ,車体ダイナミクスは図11で与え られる。走行抵抗は,実測にもとづき,

$$f = 0.552 * V^2 \tag{6}$$

とした。

4.4 1輪のシミュレーション

以上述べてきた要素をまとめると,1輪のシミュ レーションブロック図が得られる。図12(a)は電流 制御のみによる駆動制御系,(b)はMFCを用いてス リップ防止制御を行った場合のシミュレーションブ ロック図である。



(a) 電流制御のみによる駆動制御系



# (b) MFCによる駆動制御系

図12 1輪のシミュレーションブロック図

システム定数,制御定数を与えるm-fileは下記のとおりである。(実車の数値をもとにしている。)

%parameters (1 axis) %vehicle Tm = 0.02; J = 21.1; r = 0.26; N = 6000; M = 1000; Fr = 10; %driver's action Kp = 1; Tp = 0.2; Jff =  $(M^*r^2+J)/r$ ; Tff = 0.2; %MFC controller for minor loop  $\begin{array}{l} {\sf Km}=5000;\\ {\sf Tm}=0.2;\\ \\ \text{%speed command}\\ {\sf T}=[0\ 10\ 20\ 30\ 40]';\\ {\sf U}=[0\ 10\ 10\ 0.1\ 0.1]';\\ \\ \text{%friction-slip curve parameter change}\\ {\sf c0}=0.8;\\ {\sf c5}=0.12;\\ {\sf Tc}=[0\ 5\ 5.001\ 15\ 15.001\ 25\ 25.001\ 35\ 35.001\ 40]';\\ {\sf Uc}=[{\sf c0}\ {\sf c0}\ {\sf c5}\ {\sf c5}\ {\sf c0}\ {\sf c0}';\\ \end{array}$ 

4.5 4輪のシミュレーション

同様に4輪駆動車のシミュレーションは図13で 行う。ここでは,第4輪のみがすべりやすい路面に 出たり入ったりするとした。



(a) 電流制御のみによる駆動制御系





システム定数,制御定数を与えるm-fileは下記の とおりである。4輪駆動のため,いくつかの定数を 4倍,あるいは1/4倍している。

```
%parameters (4 axis)
%vehicle
      Tm = 0.02;
       J0 = 21.1;
      J = J0/4;
      r = 0.26;
      N = 6000/4:
      M = 1000;
      Fr = 10/4:
%driver's action
      Kp = 1;
       Tp = 0.2;
      Jff = (M * r^2 + J0)/r;
      Tff = 0.2;
%MFC controller for minor loop
      Km = 5000;
       Tm = 0.2;
%speed command
      T = [0 \ 10 \ 20 \ 30 \ 40]';
      U = [0 \ 10 \ 10 \ 0.1 \ 0.1]';
%friction-slip curve parameter change
      c0 = 0.8;
      c5 = 0.12;
      Tc = [0 5 5.001 15 15.001 25 25.001 35 35.001 40]';
```

Uc = [c0 c0 c5 c5 c0 c0 c5 c5 c0 c0];

# 5.シミュレーション結果と考察

シミュレーションでは,加減速中に μ-λ曲線のパ ラメータ cを変化させて,乾燥アスファルト面 (c=0.8)と雪道(c=0.12)を出たり入ったりするよ うな状況を模擬している。

図14に1輪でのシミュレーション結果を示す。 4輪が同じ挙動を示し、一緒にすべりやすい路面に 出たり入ったりすると考えればよい。

電流制御のみの場合,加減速時に粘着の悪い路面 にさしかかるとタイヤは大きくスリップする。その 結果満足な制駆動力が得られなくなるので,車体速 も指令から外れるようになる。これは減速時におい てより顕著に観測され,満足な制動ができないこと がわかる。

これに対し,MFCを施した系では,すべりやすい 路面に入るとモータトルクが適度な垂下特性を示し てスリップも効果的に防止されるため,車はかえっ て迅速に停止することがわかる。

次に,図15に4輪のシミュレーション結果を載 せる。すべりやすい路面に入った第4タイヤにおい てはMFCによって駆動力が垂下特性を示し,スリッ プが防止されることがわかる。

興味深いのは,第4輪がスリップ防止制御を行ったために不足する車両の駆動トルクを,残りの3輪がほぼ1/3ずつ負担していることである。(図16に拡大図を示す。)

このような機能が各輪独立にもうけた個別のMFC によって,いわば自律分散的に達成されるというこ とは,今回のシミュレーションによって初めて明ら かになったことである。



図14 1輪でのシミュレーション結果



sliptworthore]ue [Nm]

MFC time[s]

図16 4輪でのシミュレーション結果

(図15で,路面関数の係数c,速度指令,すべらない 車輪のトルク,すべる第4輪のトルクだけを拡大)

参考文献

- 1) 足利: 電気自動車用モータの新技術, 電気学会誌, Vol.117, No.1, pp.18-21, 1997.1
- 2) 河村: 電気自動車の駆動系制御の動向と課題 -パワ ーエレクロトロニクスとモータドライブの制御-, 計測と制御, Vol.36, No.11, pp.793-799, 1997.11
- 3) 鶴岡, 豊田, 堀, 電気自動車のトラクションコント ロールに関する基礎研究, 電気学会論文誌D, 118-D, 1, pp.45-50, 1998.1
- 4) 堀, 坂井: 電気自動車の新しい制御技術, 自動車技 術会シンポジウム No.9801, pp.26-32, 1998
- 5) 小椋他: 電気自動車技術の現状と将来, 自動車技術, Vol.53, No.1, 1999.1
- 6) 清水: 電気自動車の進歩とそれを支える要素技術, 自動車技術, Vol.53, No.2, 1999.2
- S.Sakai, H. Sado and Y.Hori: Motion Control in an Electric Vehicle with Four Independently Driven In-Wheel Motors, IEEE Trans. on Mechatronics, Vol.4, No.1, pp.9-16, 1999.3
- 8) 堀, 坂井: コントロール~EVならではの新しい魅力~, ゼロエミッションフェア'99 講演会, 1999.6

time[s] current control time[s] MFC