

# ディジタルモーションコントロールの新展開

藤本 博志 (長岡技術科学大学)      堀 洋一 (東京大学)

## New Trend in Digital Motion Control

Hiroshi Fujimoto (Nagaoka University of Technology), Yoichi Hori (The University of Tokyo)

**Abstract-** In this paper, new trend in digital motion control is described. Especially, multirate two-degree-of-freedom controllers are introduced, where it is restricted that the sampling period of plant output is longer than the control period. The proposed controllers assure perfect tracking control (PTC), perfect disturbance rejection (PDR), and perfect state matching (PSM) at  $M$  inter-sampling points. The proposed approaches are applied to the position control of servomotors, hard disk drives, and visual servo systems, and the advantages are demonstrated. Finally, future themes of digital motion control are mentioned.

### 1 はじめに

近年のコンピュータ技術の発展に伴い、モータ・ロボット・NC 工作機・磁気及び光ディスク装置・電気自動車などメカニカルシステムの制御は、コンピュータによって制御を行なうことが一般的になっており、「ディジタルモーションコントロール」はメカトロニクスにおける主流な技術となっている。

現在、これらの制御では、連続時間領域(アナログ)で設計された制御器を離散時間(ディジタル)補償器に離散近似し、制御入力をサンプル点間で一定値に保つ零次ホールド(シングルレートサンプリング方式)を用いて制御する方式が広く用いられている。しかし、この手法では、制御器は近似により得られたものであるため、望ましい制御性能が得られる保証がない。また、零次ホールドを前提としているため、設計の自由度が小さくなるばかりでなく、不安定零点問題といったディジタル制御系特有の問題を生じてしまっていた。

最近では急速に CPU の演算時間が高速化しているので、サンプリング周波数は十分速くなり、離散近似による制御器でも十分高性能となると考える研究者も少なくないが、この考え方は一部間違いがある。例えば、ハードディスク装置のヘッドの位置決め制御系においては、サンプリング周波数は 5 kHz 程度と非常に高速であるが、抑圧したい機械共振の 1 次モードが 2 kHz にあり、さらにヘッドを移動させる目標速度が最高で 1 kHz と非常に高速であるので、サンプリング周波数が十分に早いとする仮定が成り立つ領域ではない。このように、いくら CPU が高速化したとしても、それに対応して要求される制御性能も向上する上に、センサやアクチュエータの物理的な制限も存在するので、ディジタル制御であることを強く意識した制御系の設計はますます必要となりつつある。

本稿では、新しいディジタル制御方式であるマルチレートサンプリング制御をモーションコントロールへ適用した著者らの最新の研究 [1] を紹介し、新世紀のモーションコントロールの課題を考察する。

### 2 マルチレートサンプリング制御系

モーションコントロールにおけるディジタル制御系では、Fig.1 に示すように、参照値  $r(t)$  及び出力  $y(t)$  の 2 つのサンプリングと制御入力  $u(t)$  のホールドが存在し、それぞれの周期を  $T_r, T_y, T_u$  とすると、合計 3 つの時間周期が混在することになる。一般に制御入力の周期  $T_u$  は、アクチュエータや D/A 変換器の速度、もしくは CPU の演算速度により決まり、出力の検出周期  $T_y$  は、センサや A/D 変換器の速度により決定される。実際の制御系においては、 $T_u$  と  $T_y$  のどちらか、あるいは両方に制限を持っていることが多い。そこで、従来型のディジタル制御系では、周期  $T_y$  と  $T_u$  の長い方に合わせて、これら 3 つの周期を

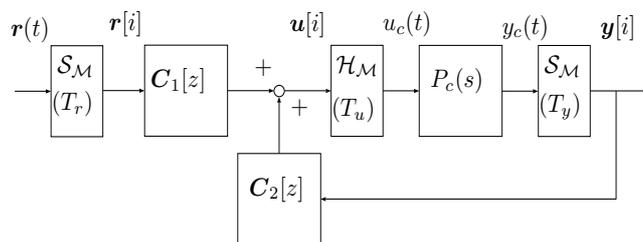


Fig. 1: Two-degree-of-freedom control system.

等しく構成するのが一般的である。

これに対して、著者らは文献 [2] で、 $T_r = nT_u$  とすれば、時刻  $T_r$  ごとに、制御対象が目標軌道に完全に追従する制御系が構成できることを明らかにした。ここに、 $n$  は制御対象の次数である。この結果は、入出力の周期が等しい ( $T_y = T_u$ ) 通常の制御系においても、マルチレートフィードフォワード制御という新しい制御構造を導入したことにより、従来不可能とされていた完全追従 [3] を達成したという意味で、興味深いものといえる。

本稿では、 $T_u < T_y$  なるハードウェアの制限を持つディジタル制御系を仮定して、 $T_y$  のサンプル点間に  $M$  回、完全追従制御 (PTC)、完全外乱抑圧 (PDR) 及び完全状態一致 (PSM) を達成するマルチレート 2 自由度制御系の設計法 [1, 4] を解説する。一般に D/A 変換器が A/D 変換器よりも高速であることを考えると、 $T_u < T_y$  となる制御系は非常に多いと想像できる。特に、サーボ信号がある一定の間隔でしか得ることの出来ないハードディスク装置 [5] や、ロボットの視覚サーボ系 [6] や、低精度エンコーダによるモータの制御系などは、この好例である。

さらに文献 [1] では、相対的に長い制御周期を持つ制御対象 ( $T_u > T_y$ ) や、サンプリング機構に特別なハードウェア制限を持たず、サンプリング周期と制御周期が等しい系 ( $T_u = T_y$ ) に対しても、マルチレート制御系の設計論を展開している。

### 3 マルチレート 2 自由度制御系の設計

本節では、出力  $y(t)$  のサンプリング周期  $T_y$  が、制御入力  $u(t)$  の周期  $T_u$  よりも長い制御対象に対して、そのサンプル点間の  $M$  回の点において、制御対象の全状態変数が目標軌道に誤差なく追従するマルチレートフィードフォワード制御 (完全追従制御器) の設計を行なう。さらに、サンプル点間の  $M$  回の点において、外乱の影響を零にするマルチレートフィードバック制御器 (完全外乱抑圧制御器) の設計を行なう。本稿で仮定しているような  $T_y > T_u$  の関係を持つ制御対象に対しては、フレーム周期を  $T_f = T_y$  と定義して、制御系を  $T_f$  の周期

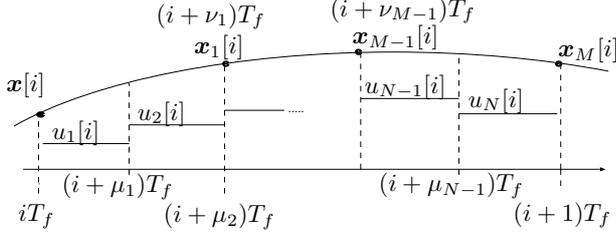


Fig. 2: Multirate Sampling control.

で記述すれば、制御器の動作を明確にすることができる。さらに、1 サンプル点間で状態変数を評価する回数  $M$  (これを状態多重度と呼ぶことにする) の決定法は、本論文では Fig.2 に示すようにサンプリング周期  $T_y$  の間に制御入力を  $N$  回切替えることができるものとすると、 $M = N/n$  が整数となるように  $N, M$  を決定するものとする。

また Fig.2 において、 $\mu_j (j = 1, \dots, N), \nu_k (k = 1, \dots, M)$  は入力切替え及び状態評価のタイミングを表すパラメータであり、式 (1), (2) を満たすものとする。  $T_f$  を等分割する場合には、 $\mu_j = j/N, \nu_k = k/M$  となる。

$$0 = \mu_0 < \mu_1 < \mu_2 < \dots < \mu_N = 1 \quad (1)$$

$$0 < \nu_1 < \nu_2 < \dots < \nu_M = 1 \quad (2)$$

なお、本稿では連続時間制御対象  $P_c(s)$  が単入出力系と仮定するが、多入出力系に関しては、[7] と同様な定式化を行えば、以下の手法と並行した議論により容易に拡張できる [1]。

### 3.1 マルチレートサンプリングによる制御対象の離散化

単入出力  $n$  次の連続時間制御対象

$$\dot{x}(t) = A_c x(t) + b_c u(t), \quad y(t) = c_c x(t) \quad (3)$$

に対して、Fig.2 に示すように出力のサンプリング周期  $T_y (= T_f)$  の間に入力を  $N$  回切替えるマルチレートサンプリング制御を適用することを考える。離散化された制御対象の状態方程式は、 $x[i] = x(iT_f)$  と書くと、

$$x[i+1] = A x[i] + B u[i], \quad y[i] = C x[i] \quad (4)$$

$$\left[ \begin{array}{c|c} A & B \\ \hline C & O \end{array} \right] \triangleq \left[ \begin{array}{c|ccc} e^{A_c T_f} & b_1 & \dots & b_N \\ \hline c_c & 0 & \dots & 0 \end{array} \right] \quad (5)$$

$$b_j \triangleq \int_{(1-\mu_j)T_f}^{(1-\mu_{j-1})T_f} e^{A_c \tau} b_c d\tau, \quad u \triangleq [u_1, \dots, u_N]^T \quad (6)$$

として定式化できる。また、 $t = (i + \nu_k)T_f$  におけるサンプル点間の状態  $\tilde{x}$  の挙動は次式となる。

$$\tilde{x}[i] = \tilde{A} x[i] + \tilde{B} u[i] \quad (7)$$

$$\left[ \tilde{A} \mid \tilde{B} \right] \triangleq \left[ \begin{array}{c|ccc} \tilde{A}_1 & \tilde{b}_{11} & \dots & \tilde{b}_{1N} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \tilde{A}_M & \tilde{b}_{M1} & \dots & \tilde{b}_{MN} \end{array} \right] \quad (8)$$

$$\tilde{A}_k \triangleq e^{A_c \nu_k T_f}, \quad \tilde{x} \triangleq [x_1^T, \dots, x_M^T]^T \quad (9)$$

$$x_k[i] = x[i + \nu_k] = x((i + \nu_k)T_f) \quad (10)$$

$$\tilde{b}_{kj} \triangleq \begin{cases} \mu_j < \nu_k : & \int_{(\nu_k - \mu_{j-1})T_f}^{\nu_k T_f} e^{A_c \tau} b_c d\tau \\ \mu_{j-1} < \nu_k \leq \mu_j : & \int_0^{(\nu_k - \mu_{j-1})T_f} e^{A_c \tau} b_c d\tau \\ \nu_k \leq \mu_{j-1} : & 0 \end{cases}$$

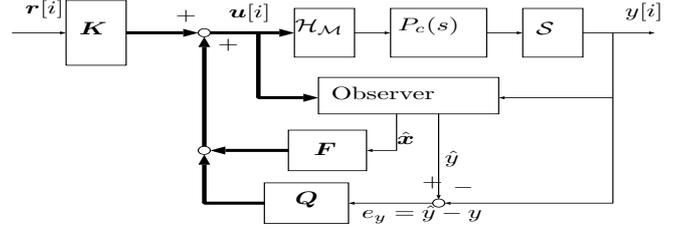


Fig. 3: Basic structure of TDOF control.

### 3.2 完全追従制御器 $C_1[z]$ の設計

制御対象を目標軌道に追従させる追従制御系を、デジタル制御により実現する場合には、零次ホールドを用いて離散化するとき生じる制御対象の不安定零点 [8] により、目標軌道に完全に追従する制御系を構成することは不可能である [3]。

そこで本節では、マルチレートフィードフォワード制御を導入し、 $T_r (= T_y/M)$  ごとに入力される目標軌道に対して誤差無く追従する完全追従制御器  $C_1[z]$  を設計する。

離散時間制御対象の不安定零点問題は、一般化ホールド法 [9] や N-delay 制御 [10, 11] を用いれば、制御対象の零点を任意に配置できることから、解決できることが制御理論により明らかにされていた。しかしながら、この零点配置法 [11] は制御入力が加速と減速を繰り返す振動的なものになり、サンプル点間応答が劣化するという問題点があることが知られている [12]。これに対して提案する手法は、制御対象の全状態に滑らかな目標軌道を与えるので、マルチレートサンプリング制御を用いても、このような問題点を生じないという特長を持つ [2]。

Fig.1 の制御系の制御則は、自由パラメータ  $K, Q \in RH_\infty$  を用いて、

$$u = C_1 r + C_2 y \quad (11)$$

$$= F \hat{x} + Q e_y + K r \quad (12)$$

と表すことができるので、Fig.1 は Fig.3 の形に変換することができる [2]。Fig.3 において、 $H_M$  はマルチレートホールド、 $S$  はサンプリングであり、太線はマルチレート信号であることを表す。

ここで、制御対象がノミナルであるとすると、オブザーバの推定誤差は零 ( $\hat{x} = x, e_y = 0$ ) であるので、式 (7) の制御対象に、式 (12) なる制御則を施したシステムは次式となる。

$$\tilde{x}[i] = (\tilde{A} + \tilde{B}F) x[i] + \tilde{B}K r[i] \quad (13)$$

ここで、 $Mn = N$  及び  $T_r = nT_u$  なる関係から  $\tilde{B}$  は正則となるので [13]、

$$\tilde{A} + \tilde{B}F = O, \quad \tilde{B}K = I \quad (14)$$

となるように、 $F, K$  を次式と選ぶことができる。

$$F = -\tilde{B}^{-1} \tilde{A}, \quad K = \tilde{B}^{-1} \quad (15)$$

このとき、式 (13) は、

$$\tilde{x}[i] = r[i] \quad (16)$$

となるので、サンプル点間の状態の目標値を  $\tilde{x}^*[i]$  とするとき、将来の目標値を使って、参照入力を  $r[i] = \tilde{x}^*[i]$  と与えれば、式 (16) は  $\tilde{x}[i] = \tilde{x}^*[i]$  となりサンプル点間の  $T_r$  ごとの完全追従制御が達成される。

ここで式 (11) の  $C_1[z]$  は式 (17) に変形することができるので [2]、 $C_1[z]$  は次式となる (Fig.4)。

$$C_1[z] = (M - C_2 N) K \quad (17)$$

$$M = I + z^{-1} F B, \quad N = z^{-1} C B \quad (18)$$

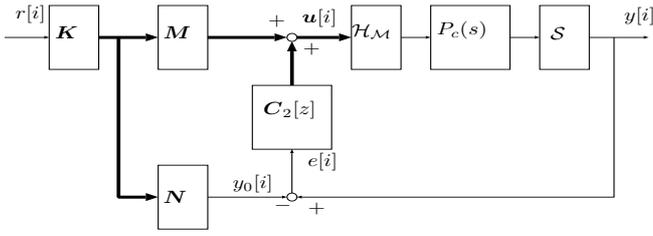


Fig. 4: Implementation of the proposed controller.

ここに、 $M, N$  は式 (4) の制御対象の右既約分解  $P[z] = NM^{-1}$  である。

制御対象が、モデル化誤差を持っている場合や外乱が存在する場合でも、感度関数  $S$  がロバスト安定性を満たしながらも十分小さくなるようにフィードバック制御器  $C_2[z]$  が設計されていれば、完全追従に十分に近い特性が達成されることになる。

### 3.3 完全外乱抑圧制御器 $C_2[z]$ の設計

本節では、外乱オブザーバの状態空間における設計法により、サンプル点間に  $M$  回、完全外乱抑圧を補償するマルチレートフィードバック制御器  $C_2[z]$  の設計を行う。制御対象として、入力端に外乱を加えた次式のモデルを考える。

$$\dot{x}_p(t) = \mathbf{A}_{cp}x_p(t) + \mathbf{b}_{cp}(u(t) - d(t)) \quad (19)$$

$$y(t) = \mathbf{c}_{cp}x_p(t) \quad (20)$$

外乱入力  $d(t)$  のモデルが次式で表せるとする。

$$\dot{x}_d(t) = \mathbf{A}_{cd}x_d(t), \quad d(t) = \mathbf{c}_{cd}x_d(t) \quad (21)$$

例えば、抑圧したい外乱が大きさが未知のステップ状であるなら

$$\mathbf{A}_{cd} = 0, \quad \mathbf{c}_{cd} = 1 \quad (22)$$

とし、振幅及び位相が未知で周波数  $\omega_d$  が既知の正弦波状であるなら、

$$\mathbf{A}_{cd} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -\omega_d^2 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{c}_{cd} = [1, 0] \quad (23)$$

と表す。式 (19), 式 (21) を合わせた連続時間併合系は次式のようにになる。

$$\dot{\mathbf{x}}(t) = \mathbf{A}_c\mathbf{x}(t) + \mathbf{b}_c u(t) \quad (24)$$

$$y(t) = \mathbf{c}_c\mathbf{x}(t) \quad (25)$$

$$\mathbf{A}_c \triangleq \begin{bmatrix} \mathbf{A}_{cp} & -\mathbf{b}_{cp}\mathbf{c}_{cd} \\ \mathbf{O} & \mathbf{A}_{cd} \end{bmatrix}, \mathbf{b}_c \triangleq \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{cp} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}, \mathbf{x} \triangleq \begin{bmatrix} \mathbf{x}_p \\ \mathbf{x}_d \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{c}_c \triangleq [\mathbf{c}_{cp}, \mathbf{0}]$$

式 (24) をマルチレートサンプリング制御を用いて離散化すると、 $t = (i + \nu_k)T_f$  におけるサンプル点間の状態の値  $\mathbf{x}[i + \nu_k]$  は式 (7) の第  $k$  列により次式のように計算できる。

$$\mathbf{x}[i + \nu_k] = \tilde{\mathbf{A}}_k\mathbf{x}[i] + \tilde{\mathbf{B}}_k\mathbf{u}[i] \quad (26)$$

$$\tilde{\mathbf{A}}_k = \begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{A}}_{pk} & \tilde{\mathbf{A}}_{pdk} \\ \mathbf{O} & \tilde{\mathbf{A}}_{dk} \end{bmatrix}, \tilde{\mathbf{B}}_k = \begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{B}}_{pk} \\ \mathbf{O} \end{bmatrix}$$

ここで、式 (24) を式 (4) により離散化した制御対象に対して、サンプル点上でのオブザーバをゴビナスの方法等で

$$\hat{\mathbf{v}}[i + 1] = \hat{\mathbf{A}}\hat{\mathbf{v}}[i] + \hat{\mathbf{b}}\mathbf{u}[i] + \hat{\mathbf{J}}\mathbf{u}[i] \quad (27)$$

$$\hat{\mathbf{x}}[i] = \hat{\mathbf{C}}\hat{\mathbf{v}}[i] + \hat{\mathbf{d}}\mathbf{u}[i] \quad (28)$$

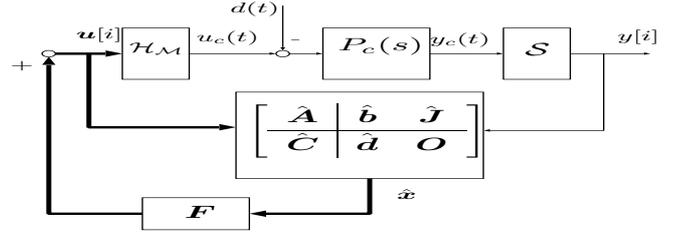


Fig. 5: Multirate control with disturbance observer.

と構成し、Fig.5 に示すように次式のフィードバック制御則を施す。

$$\mathbf{u}[i] = \mathbf{F}_p\hat{\mathbf{x}}_p[i] + \mathbf{F}_d\hat{\mathbf{x}}_d[i] = \mathbf{F}\hat{\mathbf{x}}[i] \quad (29)$$

$$\mathbf{F} \triangleq [\mathbf{F}_p, \mathbf{F}_d] \quad (30)$$

上式の  $\mathbf{F}$  はフィードフォワード制御器設計時に用いた式 (12) の  $\mathbf{F}$  とは異なるものとする。ここで、 $e_v$  をオブザーバの状態推定誤差  $e_v = \hat{\mathbf{v}} - \mathbf{v}$  とすると、 $\hat{\mathbf{x}}[i] = \mathbf{x}[i] + \hat{\mathbf{C}}e_v[i]$  と表せることから [14]、式 (29) を式 (26) に代入して次式を得ることが出来る。

$$\begin{bmatrix} \mathbf{x}_p[i + \nu_k] \\ \mathbf{x}_d[i + \nu_k] \\ e_v[i + 1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{A}}_{pk} + \tilde{\mathbf{B}}_{pk}\mathbf{F}_p & \tilde{\mathbf{A}}_{pdk} + \tilde{\mathbf{B}}_{pk}\mathbf{F}_d & \tilde{\mathbf{B}}_{pk}\mathbf{F}\hat{\mathbf{C}} \\ \mathbf{O} & \tilde{\mathbf{A}}_{dk} & \mathbf{O} \\ \mathbf{O} & \mathbf{O} & \hat{\mathbf{A}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x}_p[i] \\ \mathbf{x}_d[i] \\ e_v[i] \end{bmatrix} \quad (31)$$

ここで、第 3.2 節と同様に  $\tilde{\mathbf{B}}_{pk}$  は行フルランクとなるので、すべての  $k = 1, \dots, M$  において上式の (1,2) 成分が零となるように、すなわち

$$\tilde{\mathbf{A}}_{pdk} + \tilde{\mathbf{B}}_{pk}\mathbf{F}_d = \mathbf{O} \quad (32)$$

となるように、 $\mathbf{F}_d$  を決定することができる。具体的には、上式をすべての  $k = 1, \dots, M$  において連立すると、

$$\tilde{\mathbf{A}}_{pd} + \tilde{\mathbf{B}}_p\mathbf{F}_d = \mathbf{O} \quad (33)$$

$$\left[ \tilde{\mathbf{A}}_{pd} \mid \tilde{\mathbf{B}}_p \right] \triangleq \begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{A}}_{pd1} & \tilde{\mathbf{B}}_{p1} \\ \vdots & \vdots \\ \tilde{\mathbf{A}}_{pdM} & \tilde{\mathbf{B}}_{pM} \end{bmatrix} \quad (34)$$

を得るので、 $\mathbf{F}_d$  は次式となる。

$$\mathbf{F}_d = -\tilde{\mathbf{B}}_p^{-1}\tilde{\mathbf{A}}_{pd} \quad (35)$$

このとき、サンプル点間の  $t = (i + \nu_k)T_f$  において  $\mathbf{x}_d[0]$  によって発生する持続的な外乱  $\mathbf{x}_d[i]$  から、制御対象の状態  $\mathbf{x}_p[i + \nu_k]$  への影響を零にすることが出来る。また、サンプル点上での  $\mathbf{x}_p[i], e_v[i]$  は  $\tilde{\mathbf{A}}_{pM} + \tilde{\mathbf{B}}_{pM}\mathbf{F}_p$  と  $\hat{\mathbf{A}}$  の固有値 (レギュレータとオブザーバの極) で決定される速度で零に収束するので、定常状態では  $\mathbf{x}_p[i + \nu_k] = 0$  となり、完全外乱抑圧が達成される。レギュレータとオブザーバの極は、閉ループ系の極となるので、後述の例に示すようにロバスト安定性を満たす範囲で、できるだけ高帯域化するように決定することになる。

ここで、式 (29) を式 (27) に代入して整理すると、

$$\begin{bmatrix} \hat{\mathbf{v}}[i + 1] \\ \mathbf{u}[i] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \hat{\mathbf{A}} + \hat{\mathbf{J}}\mathbf{F}\hat{\mathbf{C}} & \hat{\mathbf{b}} + \hat{\mathbf{J}}\mathbf{F}\hat{\mathbf{d}} \\ \mathbf{F}\hat{\mathbf{C}} & \mathbf{F}\hat{\mathbf{d}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\mathbf{v}}[i] \\ \mathbf{u}[i] \end{bmatrix} \quad (36)$$

となるので、Fig.5 の制御系はフィードバック制御器型に変換することができる。

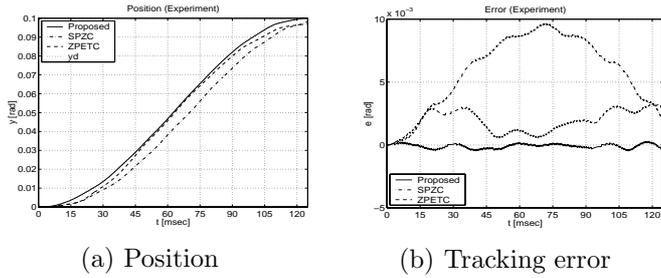


Fig. 6: Experimental results of PTC for servomotor

さらに文献 [4] では、サンプル点間の状態変数の推定値から  $F_p$  を計差し、ホールドによる大きな位相遅れを補償する手法を提案している。

## 4 モーションコントロールへの応用

### 4.1 完全追従制御によるサーボモータの制御

まず最初に、ハードウェアによるサンプリングの制限を持たない ( $T_u = T_y$ ) シンプルな系として、DD ロボットのサーボモータの追従制御系を考える。この場合にも、 $T_r = nT_u$  なるマルチレートフィードフォワード制御を適用することにより、従来のシングルレート制御よりも高い追従特性を發揮させることができる [2]。

制御対象として、次式で表される電流制御されたサーボモータを考える。

$$P_c(s) = \frac{K}{Js^2} \quad (37)$$

上式を零次ホールドを用いてサンプリング周期  $T$  で離散化すると、

$$P[z] = \frac{T^2 K}{2J} \frac{z+1}{(z-1)^2} \quad (38)$$

と不安定零点  $-1$  を持つので、シングルレート系では完全追従は不可能であることがわかる。そこで、提案するマルチレートフィードフォワード制御により完全追従制御系を設計する。

目標軌道を周波数 4 [Hz] の正弦波状としたときの実験結果を Fig.6 に示す。制御対象は 2 次系であるので、入力多重度は 2 となる。ここでは、 $T_y = T_u = 15$  [ms]、 $T_r = 30$  [ms] と選んだ<sup>1</sup>。また、フィードバック制御器は積分要素をもつ  $H_\infty$  ロバスト制御器を使用した。

Fig.6 の実験結果では、文献 [3] の従来型の 2 つの手法 (SPZC 法及び ZPETC 法) と提案する手法を、短い方の制御入力周期  $T_u$  を等しくして、比較を行なう。よって、シングルレート系である SPZC 法及び ZPETC 法では、 $T_y = T_u = T_r = 15$  [ms] となるので、目標値のサンプリング周期  $T_r$  は本手法のほうが 2 倍に長くなる。それにも関わらず、本手法のほうが追従性能が向上しているという結果を得ていることに注意したい。

Fig.6(a)(b) より、従来型の手法では、離散化した制御対象の不安定零点の影響により大きく追従誤差を生じているが、提案する手法では、目標軌道のサンプリング周期  $T_r$  ごとに目標軌道に完全に追従しており、サンプル点間の誤差も非常に小さいことが分かる。

### 4.2 完全追従制御による磁気ディスク装置のシーク制御

磁気ディスク装置では、Fig.7 に示すように、ヘッドの位置信号はデータトラックの間にある一定間隔で埋め込まれており、

<sup>1</sup>Fig.6 の実験結果においては、出力信号を 15 [ms] よりも十分に短い周期で検出し、サンプル点間応答も含めて表示している。各周期を比較的長く設定したのは、追従誤差の比較結果を明確にするためである。

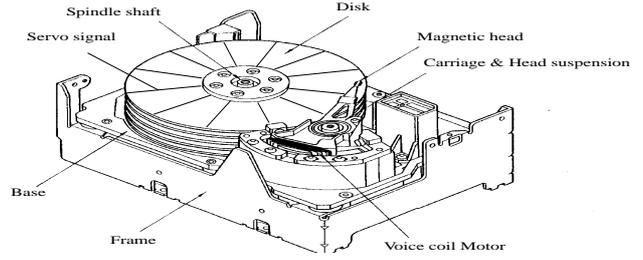


Fig. 7: Hard disk drive.

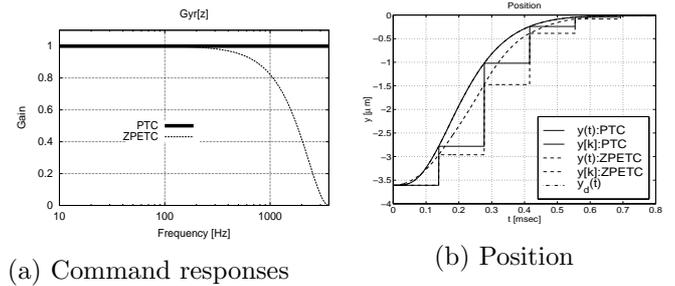


Fig. 8: Simulation results of PTC for HDD

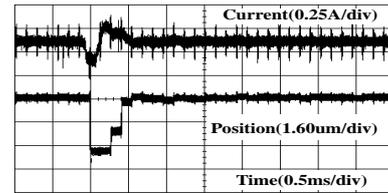


Fig. 9: Experimental results of PTC for HDD

この信号を一定周期で検出するので、出力のサンプリング周期  $T_y$  は、この周期に固定される。一方、CPU を高速化すれば、制御入力周期は高速化できるので、この系は  $T_u < T_y$  なる制限を持つ系とみなすことができる。

文献 [5] では、磁気ディスク装置のヘッドの位置決め制御系における高速移動モード (シークモード) に対して、本稿で紹介した完全追従制御を適用している。制御対象は、むだ時間を持つ 2 重積分系とモデル化し、完全追従制御系をむだ時間に対応できるように、理論拡張を行った。実験装置のサンプリング周期は  $T_s = 138.54$  [ $\mu$ s] であり、この 4 倍の周波数で制御入力を切り替えることができる。また、この制御対象は、ナイキスト周波数 3.6 [kHz] に対して、機構共振が 2.7 [kHz] に存在し、また本研究では 1 トラックシークの目標値を 3 サンプルタイム (2.4 [kHz]) と設定したので、非常に制御が困難な系であるといえる。

この制御対象に対して、入力多重度  $N = 4$  で完全追従制御器を設計した。制御対象の次数が  $n = 2$  であるので、1 サンプル点間に  $N/n = 2$  回の完全追従を保証することができる。

Fig.8(a) に、提案手法と ZPETC 法の目標値応答特性の周波数応答を示す。提案手法は、完全追従を保証しているのが目標値応答特性が全周波数領域で 1 であるが、ZPETC 法では高周波領域において、そのゲインが 1 から低下していることが分かる。従って、目標軌道が数 kHz 程度の成分を持つショートスパークにおいて、提案手法により高速化が可能となる。また、目標値応答特性が 1 という理想的なものであることから、目標軌道の設計・チューニングが容易になることも、提案手法の長所であるといえる。磁気ディスク装置のシーク制御におい

Table 1: Experimental seeking-time.

	PTC	ZPETC	Conventional
1trk	$3.17T_s$	$3.77T_s$	$4.14T_s$
6trk	$8.66T_s$	$9.57T_s$	$14.0T_s$

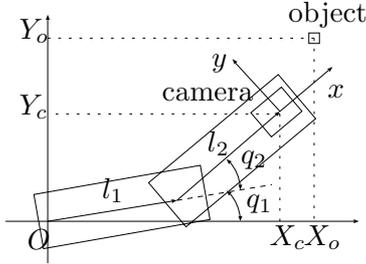


Fig. 10: Two-link DD robot with camera.

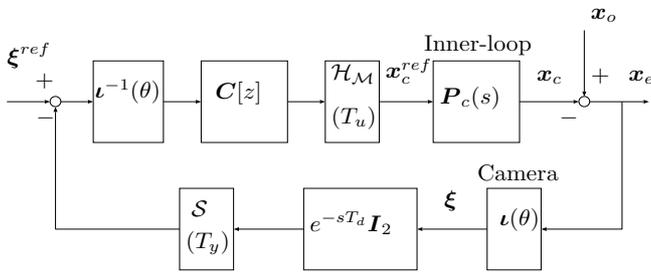


Fig. 11: Visual servo system.

ては、共振モードを励起しないような目標軌道の設計に、ある程度の試行錯誤は避けられないが、この特性によりその労力を軽減することが可能となる。

Fig.8(b) に 1トラックシークのシミュレーション結果を示す。提案手法 (PTC) は目標軌道 ( $y_d(t)$ ) に誤差なく追従しているが、ZPETC 法は大きく追従誤差を生じ、その結果シーク時間 (残り距離が  $0.4[\mu\text{m}]$  を切るまでの時間と定義した) が增大していることが分かる。さらに、Fig.9 に示した実験結果からも、目標軌道の設計通り、提案手法は 3 サンプル周期でシーク動作を達成していることが分かる。

Table 1 に、2000 回のシーク動作を実験により測定した、平均シーク時間の比較結果を示す。表中の「従来手法」とは、従来から広く用いられてきたセtring法 [15] により得られた結果である。最も発生する頻度が高い短距離シーク (1[trk]) において、提案手法は、従来手法よりも 31%、ZPETC 法よりも 19% 高速化できていることが分かる。また中距離シーク (6[trk]) においても、従来手法よりも 5 サンプル以上高速化が達成されていることが確認できる。

さらに本手法は、文献 [16] により実装上の改良が加えられ実際に製品化された事実からも、非常に実用的な手法であることが分かる。

#### 4.3 完全外乱抑圧制御によるロボットマニピュレータのビジュアルサーボ

本節では、Fig.10 に示すように、ロボットハンドの先端に取り付けられたカメラにより撮像された画像情報に基づき、周期的な運動をする物体をトラッキングすることを考える。ここで、画像のサンプリング周期は通常  $33[\text{ms}]$  以上とジョイントサー

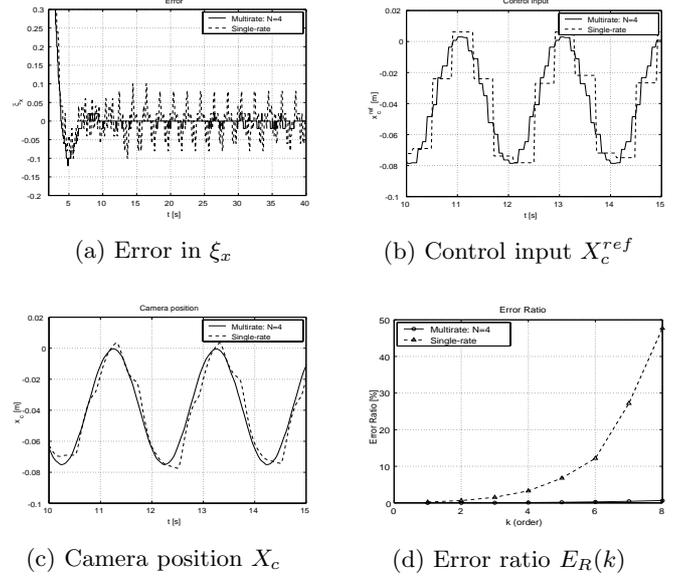


Fig. 12: Experimental results of PDR for visual servo system.

ボ系の制御周期 ( $1[\text{ms}]$  以下) に比べて非常に長いので、提案手法は適用可能であるといえる [6]。

提案する制御系を Fig.11 に示す。まず、インナーloopとなるジョイントサーボ系はカメラの位置を制御するために作業空間上の位置制御系を構成する [17]。ここで、 $x_c^{ref}$  をアウターloopであるビジュアルサーボ系の制御入力  $u$  と考えると、インナーloopのサンプリング周期は  $1[\text{ms}]$  と非常に短いので、アナログ系と近似できる。また、本稿ではカメラを物体の真下に位置決めすることを考え、目標画像特徴量  $\xi^{ref}$  を零とする。物体の運動は出力端の外乱  $x_o$  とみなすことができ、その運動が周期的であれば、式 (21) の外乱モデルを

$$d(t) = a_0 + \sum_k a_k \cos k\omega_0 t + b_k \sin k\omega_0 t \quad (39)$$

とすることにより、効果的に抑圧されるので、精度よくトラッキングすることができる。また、撮像モデルの逆変換  $l^{-1}(\theta)$  を使用することにより、Fig.11 の制御系は対角化と線形化がなされ、 $x$  及び  $y$  軸に対して、独立に制御系を構成することができる。本実験装置では、画像特徴量を  $100[\text{ms}]$  の周期で検出することが可能であるが、サンプル点間応答が比較できるように、制御に使う画像情報のサンプリング周期  $T_y$  を  $400[\text{ms}]$  とした。ロボットの位置指令値  $x_c^{ref}$  は、この 4 倍の周波数で生成した。すなわち、 $T_u = T_y/4 = 100[\text{ms}]$  であり、入力多重度  $N$  は 4 である。

Fig.12 に実験結果を示す。Fig.12(a) に示すように、提案手法は外乱モデルに基づきサンプル点間で外乱を抑圧するように制御を行っているため、従来手法よりも画像平面上における追従誤差が非常に小さいことが分かる。また図 (b) に示すように提案するマルチレート制御器は、きめ細かな制御入力を生成しており、その結果、図 (c) のカメラ位置の応答が非常に滑らかになっている。図 (d) は、物体の運動の速度に対する誤差率の大きさを示したものである。従来のシングルレート制御では、物体の高速運動に対して大きな誤差を生じているが、提案手法では誤差が非常に小さいことが確認できる。

#### 4.4 完全状態一致制御による制御器の離散化

第 3 節で提案した入力多重型マルチレート制御を適用すれば、フィードフォワード特性は式 (13) の  $F, K$  により、フィードバック特性は式 (31) の  $F_p, F_d$  により任意に設定できること

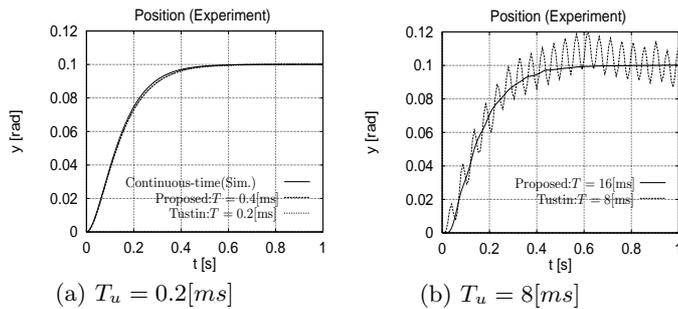


Fig. 13: Experimental results of PSM for robust servo system.

が明らかである。従って、その係数行列が零行列や単位行列ではなく、理想モデルに一致するように制御を行うことも可能である。文献 [1] では、この制御方式を完全状態一致制御と呼んでいる。

Fig.13 にこの制御方式を、外乱オブザーバを用いたサーボモータのロバスト位置制御系における制御器の離散化問題に適用した実験結果を示す [7]。Fig.13(a) に示すように、制御周期  $T_u = 0.2[\text{ms}]$  と十分に小さい場合には、従来手法 (Tustin 変換法) でも十分良好な性能を得ることができる。しかしながら、制御周期を  $T_u = 8[\text{ms}]$  と大きくすると、従来手法は不安定化するのに対して、提案手法は望ましい特性を保存していることが分かる。従って提案手法により、より限界に近い高性能な設計が可能となることが分かる。

さらに、文献 [18] ではハードディスクの 2 慣性系モデルに対する振動抑制制御問題に本手法を適用すれば、ナイキスト周波数に近い機構共振モードの制御が可能となることを示している。

## 5 デジタルモーションコントロールの将来

次に将来のデジタルモーションコントロールの課題の私見を述べる。将来のモーションコントロールの一つの大きな課題は、近年のコンピュータ技術の急速な発展によって得られた豊富な計算量をいかに有効利用し、大きな制御性能を得るかということにあると考えられる。本稿で述べたマルチレート制御器も、センサのサンプリング機構により制限されている周期の間に、CPU の高速処理を利用して、制御入力を高速に生成するという手法であるので、その一つの解である。

現在のモーションコントロールで利用されている制御器は、最も簡単な線形時不変のものが主流であるが、現在のコンピュータの性能をフルに活用すれば、より幅広いクラスの制御器を構成できるはずである。マルチレート制御器も、線形であるが時変 (周期時不変) のものであり、これまでの制御器のクラスを一步広げたものである。さらには、非線形の制御則や学習・適応を含むよりインテリジェントなものや、フォールトトレランス系など多機能化したもの [19] まで考えると、我々が取り組まなければならないテーマは無数にある。

20 世紀の後半は、コンピュータ技術を中心とする情報・通信分野の発展が著しかった。デジタルモーションコントロールは、コンピュータと情報通信網が形成する仮想空間から実世界に物理的に働きかける唯一の技術であるので、21 世紀には飛躍的に発展する可能性を秘めている。従って「新しいデジタルモーションコントロール」の研究は、これからが旬であり研究者の努力とブレークスルーが期待される。

## 6 結論

本稿では、デジタルモーションコントロールの新展開として、マルチレートサンプリング制御系を中心とした著者らの研究成果を紹介した。さらに、モーションコントロールの将来展望とその課題を述べた。

最後に、いつもご指導頂いている長岡技術科学大学の近藤正示教授と大石潔助教授に深く感謝する。また、本研究の一部は文部科学省科学研究費補助金によって行われたことを付記する。

## 参考文献

- [1] H. Fujimoto: "General Framework of Multirate Sampling Control and Applications to Motion Control Systems", PhD thesis, The University of Tokyo (2000).
- [2] 藤本, 堀, 河村: "マルチレートフィードフォワード制御を用いた完全追従制御", 計測自動制御学会論文集, **36**, 9, pp. 766-772 (2000).
- [3] M. Tomizuka: "Zero phase error tracking algorithm for digital control", ASME, J. Dynam. Syst., Measur., and Contr., **109**, pp. 65-68 (1987).
- [4] H. Fujimoto, Y. Hori, T. Yamaguchi and S. Nakagawa: "Proposal of perfect tracking and perfect disturbance rejection control by multirate sampling and applications to hard disk drive control", Conf. Decision Contr., pp. 5277-5282 (1999).
- [5] 藤本, 堀, 山口, 中川: "マルチレートサンプリングを用いた完全追従制御法による磁気ディスク装置のシーク制御", 電学論 D, **120**, 10, pp. 1157-1164 (2000).
- [6] H. Fujimoto and Y. Hori: "Visual servoing based on multirate sampling control", IEEE Int. Conf. Robotics and Automation (2001). (to be presented).
- [7] 藤本, 河村: "N-delay 制御を用いた新しいデジタル再設計法", 電学論 D, **117**, 5, pp. 645-654 (1997).
- [8] K. J. Åström, P. Hangander and J. Sternby: "Zeros of sampled system", Automatica, **20**, 1, pp. 31-38 (1984).
- [9] P. T. Kabamba: "Control of linear systems using generalized sampled-data hold functions", IEEE Trans. Automat. Contr., **32**, 9, pp. 772-783 (1987).
- [10] 美多, 千田: "多入出力 2-delay デジタル制御の提案と応用", 計測自動制御学会論文集, **24**, 5, pp. 467-474 (1988).
- [11] K. L. Moore, S. P. Bhattacharyya and M. Dahleh: "Arbitrary pole and zero assignment with N-delay input control using stable controllers", Conf. Decision Contr., pp. 1253-1258 (1989).
- [12] K. L. Moore, S. P. Bhattacharyya and M. Dahleh: "Capabilities and limitations of multirate control schemes", Automatica, **29**, 4, pp. 941-951 (1993).
- [13] M. Araki and T. Hagiwara: "Pole assignment by multirate-data output feedback", Int. J. Control, **44**, 6, pp. 1661-1673 (1986).
- [14] 美多, 原, 近藤: "基礎デジタル制御", コロナ社 (1988).
- [15] 山口, 宍田, 遠山, 平井: "モード切り替え型制御系の初期値補償設計と磁気ディスク装置ヘッド位置決めサーボ系への適用", 計測自動制御学会論文集, **31**, 6, pp. 780-788 (1995).
- [16] S. Nakagawa, T. Yamaguchi, H. Fujimoto and Y. Hori: "Multi-rate two-degree-of-freedom control for fast and vibration-less seeking of hard disk drives", Amer. Control Conf. (2001). (to be presented).
- [17] 村上, 大西: "ロバスト制御に基づいた多自由度ロボットの安定性および作業空間での非干渉制御に関する一考察", 電学論 D, **113**-D, 5, pp. 639-646 (1993).
- [18] H. Fujimoto and Y. Hori: "Vibration suppression and optimal repetitive disturbance rejection control in semi-nyquist frequency region using multirate sampling control", Conf. Decision Contr., pp. 691-700 (2000).
- [19] 鈴木, 村上, 梅野, 藤本: "モーションコントロールの多機能化と将来", 電気学会産業応用部門全国大会シンポジウム (2001).