# 精密位置決めステージにおける高次ピッチングモード を考慮した位置決め制御

## 関優志\*,藤本博志(東京大学),西野秀昭,佐伯和明(ニコン)

Precise Positioning Control of High-order Pitching Mode for High-Precision Stage Yushi Seki<sup>\*</sup>, Hiroshi Fujimoto (The University of Tokyo), Hideaki Nishino, Kazuaki Saiki (Nikon)

### Abstract

Precision stages are demanded to grow in size for increased production efficiency. But stages are getting larger, its rigidity are decreasing. Then, the pitching of stage causes a problem on the control. Conventional method is using the feedback control of the pitching angle  $\theta_2$  between carriage part and table part. But, the pitching angle  $\theta_1$  is caused between guide and carriage part. Then, The feedback control using the pitching angle  $\theta_1 + \theta_2$  of the entire stage is proposed. Finally, simulations and experiments are performed to show the advantages of the proposed method.

キーワード:超精密位置決めステージ,多入力多出力系,フィードバック制御,ピッチング,位置決め誤差 (High-precision stage, MIMO, Feedback Control, Pitching, Tracking Error)

#### 1. はじめに

超精密位置決めステージは半導体や液晶パネル等の製造, 微細加工を行うために不可欠な産業機械である。従来はス テージ全体を一つの剛体として捉えることがステージ設計 の常識とされており,リニアモータの並進方向駆動点とス テージ全体の重心を一致させるように取り付けられている。 しかし,大型化による重量の増加によって剛性が低下し,ス テージ全体が一つの剛体として成り立たなくなっている。 そのため複数の共振が周波数特性として生じる。数十 Hz に 現れる主な共振は並進移動の大きな加減速で生じるピッチ ングが原因であり,位置決め制御の問題点となっている<sup>(1)</sup>。

精密スキャンステージではピッチングやローリングを制 御するためのアクティプ除振装置の研究<sup>(2)</sup>が行われてい る。しかし,大型の超精密位置決めステージでは十分な加 工精度が得られないために Voice Coil Motor(VCM)を用 いたテーブル部のレベリング制御が行われている。著者ら の研究グループでも並進方向だけでなく,テーブル部の高 さやピッチング,ローリングをオートフォーカス/レベリン グ(AF/LV)センサによるマルチレート制御<sup>(3)</sup>や4自由度 の実験用精密位置決めステージ2号機(実験用ナノステー ジ2)の作成を行い検証している<sup>(4)</sup>。

ー般的にテーブル部のレベリングを行う場合には,制御 対象となるテーブル部のピッチングを抑えるためにキャリッ ジとテーブル間のピッチング角 $\theta_2$ のフィードバックを用い る<sup>(4)</sup>。しかし実際には図1のように,ガイドとキャリッジ 間のピッチング角 $\theta_1$ が生じるため,全体のピッチング角 に位置決め誤差が生じてしまう。そこで本稿では高次ピッ チング角 $\theta_1$ を考慮し,ガイドとキャリッジ間のピッチング 角 $\theta_1$ とキャリッジとテーブル間のピッチング角 $\theta_2$ を足し 合わせたステージ全体のピッチング角 $\theta_1 + \theta_2$ に着目した



図 1 2 質点 4 自由度モデル Fig. 1. Two-mass Four-degree Model.

フィードバック制御系を提案する。シミュレーションと実 験によって軌道追従制御の位置決め誤差に対する提案法の 有効性について検証する。

#### 2. モデル設計

従来のステージ設計では並進方向 (x 軸方向) 駆動点とス テージ全体を1慣性系とみなしたときのステージ重心を一 致するように設計されている。しかし,実際のステージで は設計誤差や接地環境などの様々な要因によって,並進方 向駆動点とステージ重心の差  $L_f$ が生じる。本稿では図1に おいて,下側の質量  $M_1$ にあたる部分をキャリッジ部,上側 の質量  $M_2$ にあたる部分をテーブル部,テーブル部とキャ リッジ部の接合点を O とする。また,静止時において x 軸

Mass of pole part	m	0.14	kg
Mass of table part	M	22	kg
Thrust viscous constant	$c_x$	$2.0{ imes}10^2$	N·s/m
Twist dumping constant of joint	$\mu_{ heta}$	1.0	$kN \cdot m \cdot s$
Spring constant	k	$4.5 \times 10^2$	$MN/\mu m$
Viscous constant	c	30	${\rm kN}{\cdot}{\rm s}/{\mu}{ m m}$
Twist spring constant of joint	$k_{\theta}$	9.0	$kN \cdot m/rad$
Inertia of pole part	$I_m$	89	$kg \cdot m^2$
Inertia of table part	$I_M$	$2.4 \times 10^{3}$	$kg \cdot m^2$
Distance from $C_M$ to joint	$L_1$	0.030	m
Distance from $C_m$ to joint	$L_2$	0.050	m
Distance from $C_M$ to $X_2$	$L_{x2}$	0.16	m
Distance from $C_M$ to $F$	$L_f$	0.0	m
Distance between air pads	$L_p$	0.15	m
Gravity acceleration	g	9.8	$m/s^2$

表 1 ステージモデルパラメータ Table 1. Stage model parameters.

と直交する方向を y 軸, 垂直な方向を z 軸と定義する。

リニアモータによる並進方向駆動力を F, VCM による y 軸回転トルクを T としている。x 方向の並進運動により  $\theta_y$  方向の回転運動が質点ごとに生じるため,キャリッジ部 の重心  $C_1 \ge z$  軸の角度を  $\theta_1$ , テーブル部の重心  $C_2 \ge \theta_1$ 軸との角度を  $\theta_2 \ge t$ する。ステージの上部に設置してある並 進センサによって,並進方向の位置を  $X_2 \ge t$ して観測して いる。まずは図 1 のモデルから伝達関数の導出を行う。

**2・1** 運動方程式 図 1 のモデルから,  $\cos \theta_i \approx 1$ ,  $\sin \theta_i \approx \theta_i, \theta_i^2 = 0$  (i = 1, 2) として線形化を行うと, x に 関する運動方程式は (1) 式となる。同様に  $\theta_1$ ,  $\theta_2$  に関する 運動方程式は (2) 式, (3) 式となる。

$$F = (M+m)\ddot{x} + c_x\dot{x} + m(L_1 + L_2)\ddot{\theta}_1 + mL_2\ddot{\theta}_2 \quad (1)$$

 $F(L_1 + L_2 + L_f) + T = \{I_M + I_m + m(L_1 + L_2)^2\}\ddot{\theta}_1$  $+ (I_m + mL_2^2 + mL_1L_2)\ddot{\theta}_2 + m(L_1 + L_2)\ddot{x} + \{2kl^2$  $- mg(L_1 + L_2)\}\theta_1 - mgL_2\theta_2 + 2cl^2\dot{\theta}_1(2)$ 

$$F(L_2 + L_f) + T = (I_m + mL_2^2 + mL_1L_2)\ddot{\theta}_1 + (I_m + mL_2^2)\ddot{\theta}_2 + \mu_{\theta}\dot{\theta}_2 - mgL_2\theta_1 + (k_{\theta} - mgL_2)\theta_2(3)$$

**2・2** 伝達関数 運動方程式をラプラス変換し,(7) 式の係数に置き換えると(4)式~(6)式となる。

$$F(s) = (a_1s^2 + b_1s)X(s) + a_2s^2\theta_1(s) + a_3s^2\theta_2(s)(4)$$

 $F(s)(L_2 + L_f) + T = a_3 s^2 X(s) + (a_5 s^2 + c_2)\theta_1(s)$  $+ (a_6 s^2 + b_2 s + c_3)\theta_2(s) \cdots (6)$ 

$$\begin{cases} a_{1} = M + m \\ a_{2} = m(L_{1} + L_{2}) \\ a_{3} = mL_{2} \\ a_{4} = I_{M} + I_{m} + m(L_{1}^{2} + L_{2}^{2} + 2L_{1}L_{2}) \\ a_{5} = I_{m} + mL_{2}^{2} + mL_{1}L_{2} \\ a_{6} = I_{m} + mL_{2}^{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_{1} = c_{x} \\ b_{2} = \mu_{\theta} \\ b_{3} = 2cl^{2}, \end{cases} \begin{cases} c_{1} = 2kl^{2} - mg(L_{1} + L_{2}) \\ c_{2} = -mgL_{2} \\ c_{3} = k_{\theta} - mgL_{2} \end{cases} \cdots (7)$$

(4) 式 ~(6) 式を連立して解き, (8) 式を用いることで(12) 式~(14) 式の伝達関数が得られる。

 $D_{e}(s) = \{(a_{1}a_{4} - a_{2}^{2})a_{6} + (a_{2}a_{5} - a_{3}a_{4})a_{3} - a_{1}a_{5}^{2} + a_{2} \\ a_{3}a_{5}\}s^{6} + \{(a_{1}a_{6} - a_{3}^{2})b_{3} + (a_{1}a_{4} - a_{2}^{2})b_{2} + (a_{4}a_{6} - a_{5}^{2}) \\ b_{1}\}s^{5} + \{(a_{1}a_{4} - a_{2}^{2})c_{3} + (a_{2}a_{3} - 2a_{1}a_{5} + a_{2}a_{3})c_{2} + (a_{1}a_{6} - a_{3}^{2})c_{1} + (a_{1}b_{2} + a_{6}b_{1})b_{3} + a_{4}b_{1}b_{2}\}s^{4} + \{(a_{1}b_{3} + a_{4}b_{1})c_{3} \\ -2a_{5}b_{1}c_{2} + (a_{1}b_{2} + a_{6}b_{1})c_{1} + b_{1}b_{2}b_{3}\}s^{3} + \{(a_{1}c_{1} + b_{1}b_{3}) \\ c_{3} - a_{1}c_{2}^{2} + b_{1}b_{2}c_{1}\}s^{2} + (b_{1}c_{1}c_{3} - b_{1}c_{2}^{2})s \dots (8)$ 

 $\frac{X(s)}{F(s)} = -[\{(a_2a_6 - a_3a_5)L_f - a_4a_6 + a_5^2\}s^4 + (a_2b_2L_f - a_6b_3 - a_4b_2)s^3 + \{(a_2c_3 - a_3c_2)L_f - a_4c_3 + 2a_5c_2 - a_6c_1 - b_2b_3\}s^2 - (b_3c_3 + b_2c_1)s + (c_2^2 - c_1c_3)]/D_e(s) = F_X(9)$ 

 $\frac{\theta_1(s)}{F(s)} = [\{(a_1a_6 - a_3^2)L_f - a_2a_6 + a_3a_5\}s^3 + \{(a_1b_2 + a_6b_1)L_f - a_2b_2\}s^2 + \{(a_1c_3 + b_1b_2)L_f - a_2c_3 + a_3c_2\}s + b_1c_3L_f]/D_e(s) = F_{\theta_1} \cdots \cdots (10)$ 

 $\frac{\theta_2(s)}{F(s)} = [\{(a_2a_3 - a_1a_5)L_f - a_3a_4 + a_2a_5\}s^3 - (a_5b_1L_f + a_3b_3)s^2 - (a_1c_2L_f - a_2c_2 + a_3c_1)s - b_1c_2L_f]/D_e(s) = F_{\theta_2}(11)$ 

 $\frac{X(s)}{T(s)} = -[\{(a_2a_6 - a_3a_5)L_f - a_4a_6 + a_5^2\}s^4 + (a_2b_2L_f - a_6b_3 - a_4b_2)s^3 + \{(a_2c_3 - a_3c_2)L_f - a_4c_3 + 2a_5c_2 - a_6c_1 - b_2b_3\}s^2 - (b_3c_3 + b_2c_1)s + (c_2^2 - c_1c_3)]/D_e(s) = T_X(12)$ 

$$\frac{\theta_1(s)}{T(s)} = [\{(a_1a_6 - a_3^2)L_f - a_2a_6 + a_3a_5\}s^3 + \{(a_1b_2 + a_6b_1)L_f - a_2b_2\}s^2 + \{(a_1c_3 + b_1b_2)L_f - a_2c_3 + a_3c_2\}s + b_1c_3L_f]/D_e(s) = T_{\theta_1} \cdots \cdots (13)$$

$$\frac{\theta_2(s)}{T(s)} = [\{(a_2a_3 - a_1a_5)L_f - a_3a_4 + a_2a_5\}s^3 - (a_5b_1L_f + a_3b_3)s^2 - (a_1c_2L_f - a_2c_2 + a_3c_1)s - b_1c_2L_f]/D_e(s) = T_{\theta_2}(14)$$

以上をまとめると, 伝達関数は(15)式のようになる。



$$\begin{bmatrix} X(s) \\ \theta_1(s) \\ \theta_2(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_X & T_X \\ F_{\theta_1} & T_{\theta_1} \\ F_{\theta_2} & T_{\theta_2} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} F(s) \\ T(s) \end{bmatrix} \dots \dots (15)$$

(15) 式から制御対象の伝達関数を導出する。上部センサ から重心  $C_2$  までの距離  $L_{x2}$  と各重心からジョイント間まで の距離  $L_1, L_2$  をかけることで,並進方向の伝達関数 (16) 式 を得る。図 2 のように実測値とプラントモデル  $P_X$  をフィッ ティングさせたパラメータを表 1 に示した。

$$P_X = \{F_X + T_X + F_{\theta_1} \cdot (L_1 + L_2 + L_{x2}) + F_{\theta_2} \cdot (L_2 + L_{x2})\} \cdots \cdots (16)$$

3. 制御器設計

3・1 提案制御器設計 本稿で用いる制御系は,リ ニアモータによる並進方向駆動力 F と VCM による回転 トルク T を入力とした 2 入力である。従来法は x 方向の ステージ位置とテーブル部のピッチング角  $\theta_2$  をフィード バック出力とした 2 入力 2 出力系を用いる。提案法は x 方 向のステージ位置とステージ全体のピッチング角  $\theta_1+\theta_2$  を フィードバック出力とした 2 入力 2 出力系である。どちら も FF には PTC, FB には極配置設計を用いた制御器を用 いる。図 3(a) に従来法の制御系,図 3(b) に提案法の制御系 を示す。

**3・2** フィードバック制御器設計 図 4 に示すよう に, ノミナルプラントはプラントモデルにフィッティング させることで (17) 式と (18) 式として設計した。(17) 式は 並進駆動力 F から並進位置 X まで,(18) 式は回転トルク T から回転角度  $\theta$  までの伝達関数である。それぞれの制御 器を 4 重根の極配置設計により PID 制御器  $C_x(s)$ , PD 制御 器  $C_y(s)$  を (19) 式,(20) 式として設計する。従来法と提案 法ともに  $C_x(s)$  の閉ループ極  $\omega_p$  は 10 Hz,  $C_y(s)$  の閉ルー プ極  $\omega_p$  は 8 Hz とする。設計した制御器はサンプリング時 間 0.3 ms の双 1 次変換により離散化して用いる。



Fig. 3. Precise positioning control system.

$$C_y(s) = \frac{b_{y1}s}{s+c_2} + b_{y2} \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots (20)$$

$$\begin{cases} a_{x1} = 21.9 \\ a_{x2} = 2.0 \times 10^2 \\ b_{x1} = 6\omega_p^2 a_{x1} c_1 \\ b_{x2} = 4\omega_p^3 a_{x1} c_1 \\ c_1 = \frac{a_{x1}}{4\omega_p a_{x1} - a_{x2}} \end{cases} \begin{cases} a_{y1} = 2.5 \times 10^{-2} \\ a_{y2} = 1.0 \\ a_{y3} = 4.0 \times 10^2 \\ b_{y1} = \omega_p^3 a_{y1} (4c_1 - \omega_p) \\ b_{y2} = 6\omega_p^2 a_{y1} c_1 - b_{y1} \\ c_2 = \frac{a_{y1}}{4\omega_p a_{y1} - a_{y2}} \end{cases}$$

3・3 完全追従制御器設計 (PTC) 図 5 に示すフ ィードフォワード制御器として用いる PTC<sup>(5)</sup> は制御対象 の安定な逆システムを用いた 2 自由度制御系であり, n<sub>p</sub> サ ンプル先の可制御正準系の全状態変数 x[k + n<sub>p</sub>] を目標軌 道とする。本稿では,剛体モードを制御対象モデルとした フィードフォワード制御器を用いる。

4. シミュレーション

従来法は VCM によってテーブル部上面のピッチング角  $\theta_2$ を制御している。しかし,実際には $\theta_1$ の角度が生じるた めに全体のピッチング角 $\theta_1+\theta_2$ に誤差を持ってしまう。そ のため,提案法ではピッチング角 $\theta_1$ とピッチング角 $\theta_2$ を相 殺させる制御を行い,ステージ全体のピッチング角 $\theta_1+\theta_2$ を用いた検証を行う。また,シミュレーションでは検証の 明確化のために復路のみの結果を示し,後章の実験では往







#### 復の結果を示している。

図 6 に示す加減速の目標軌道に対して追従させ,並進 方向の位置決め誤差  $\Delta X$  とステージ全体のピッチング角  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$ の誤差による比較を行う。図 7(a) に示すように, 従来法では  $\Delta X$  は  $\pm 0.57$  nm 程であり,図 7(b) に示すよ うに  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$  は  $\pm 0.55$  µrad 程である。 $\Delta \theta_2$  は非常に小 さな値となるが, $\Delta \theta_1$  が生じてしまうために全体のピッチ ング角  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$  は誤差を持ってしまう。

図 8(a) に示すように,提案法では  $\Delta X$  は  $\pm 0.62$  nm 以内 であり,図 8(b) に示すように  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$  は  $\pm 0.050 \mu$ rad 程 である。 $\Delta \theta_2$  は従来法よりも大きな値を持っているが, $\Delta \theta_1$ と符号が逆の値を持つため全体のピッチング角  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$ が非常に小さな値になることがわかる。

表2に示すように,提案法は従来法に対して x 方向の位



図 6 目標軌道

Fig. 6. Target trajectories.

表 2 追従誤差 (シミュレーション)

Table 2. Tracking error (Simulations).

	Conv.	Prop.
Tracking error $\Delta X$	$\pm~0.57~\mathrm{nm}$	$\pm~0.62~\mathrm{nm}$
Tracking error $\Delta(\theta_1 + \theta_2)$	$\pm$ 0.55 $\mu {\rm rad}$	$\pm 0.050 \mu$ rad



置決め精度を 0.05 nm 程悪くなるが, ステージ全体のピッチ ング角  $\theta_1+\theta_2$  の精度を 10 倍近く向上させることができる。 以上より, ステージ全体のピッチング角  $\theta_1+\theta_2$  をフィード バックに用いる提案法の有効性をシミュレーションにより 示すことが出来た。



5. 実 験

5・1 実験機 シミュレーションによる結果を踏ま え,図9(a)に示す本研究室で所有する実験用ナノステージ 2を用いて検証を行なう。実験用ナノステージ2はx並進 方向を測定するための分解能1nmのリニアエンコーダを 搭載しており,テープル部上面の位置を測定している。ま た,図9(b)に示すVCMに沿うように搭載した4本のz軸 VCM センサにより $\theta_2$ を測定し,AF/LV センサによりス テージ全体のピッチング角 $\theta_1+\theta_2$ を測定している<sup>(4)</sup>。その ため,VCM センサ値とAF/LV センサ値を用いることで $\theta_1$ を算出している。

5・2 制御器設計 シミュレーションと同様の設計 方法で制御器を用いる。ただし,回転角度の測定は従来法 は VCM センサ,提案法は AF/LV センサを用いる。その ため,図 10 に示すようにノミナルプラントをトルク T か ら回転角度  $\theta$  までの実測値の周波数特性にフィッティング させることで (21) 式,(22) 式として再設計する。 $C_x(s)$  は シミュレーションと同じ制御器を用いる。それぞれの制御 器を 4 重根の極配置設計により (23) 式,(24) 式として設計 する。 $C_x(s)$ の閉ループ極  $\omega_p$  はどちらも 10 Hz,従来法制 御器  $C_{yc}(s)$ と提案法制御器  $C_{yp}(s)$ の閉ループ極  $\omega_{ye}$  は 8 Hz とする。



**5・3** 軌道追従制御 目標軌道は図 6 に示す加減速 の往復を用いて検証を行う。制御器はシミュレーションで 設計した制御器を用いている。図 11(b) に示すように,従 来法は提案法に比べ  $\Delta \theta_2$  が小さいことが分かる。しかし,  $\Delta \theta_1$  が同じ符号で値を持つため,ステージ全体の角度誤差 として大きな値を持ってしまう。提案法は  $\Delta \theta_1$  と  $\Delta \theta_2$  と もに従来法よりも大きな値を持つが,互いに逆符号の値を 持っていることが分かる。そのため,シミュレーションと 同様に  $\Delta \theta_1$  と  $\Delta \theta_2$  が相殺し合うように制御されているこ とが確認できる。

表 3 に示すように,従来法では  $\Delta X$  は ± 422  $\mu$ m 以内,  $\Delta(\theta_1+\theta_2)$ は ±390  $\mu$ rad 程である。提案法では  $\Delta X$  は ±103  $\mu$ m 以内となり, $\Delta(\theta_1+\theta_2)$ は ±201  $\mu$ rad 程である。従っ て,提案法は従来法よりも x 方向の位置決め誤差を 76%,  $\theta_y$  方向の角度誤差を 48%減少させることが出来ている。

以上より, FB制御にステージ全体のピッチング角 $heta_1+ heta_2$ 



Fig. 10. Nominal plant fitting (Experiments).

表 3 追従誤差 (実験) Table 3. Tracking error (Experiments).

	Conv.	Prop.
Tracking error $\Delta X$	$\pm$ 422 $\mu {\rm m}$	$\pm$ 103 $\mu {\rm m}$
Tracking error $\Delta(\theta_1 + \theta_2)$	$\pm$ 390 $\mu {\rm rad}$	$\pm$ 201 $\mu {\rm rad}$

を用いることで,互いの角度を相殺させる制御を実際に行うことができた。その結果,制御対象であるテーブル部上 面の位置決め精度が向上し,提案法の有効性について実証 できた。

6. まとめ

従来法のテーブル部ピッチング角  $\theta_2$ を用いた FB 制御に 対して,提案法としてピッチング角同士の相殺制御により 全体のピッチング角を減少させることを提案した。シミュ レーションと実験において提案法による位置決め精度向上 の大幅な改善を示し,提案する FB 制御系の有効性につい て検証した。今後は提案法を発展させ高次ピッチングモー ドだけでなくローリング等の運動を相殺させることで,更 なる制御性能向上が期待できる。

7. 謝辞

最後に,本研究の一部は文部科学省科学研究費補助金(課 題番号,206860280)によって行われたことを付記する。



Fig. 11. Experimental results.

#### 参考文献

- (1) Y. Seki, H. Fujimoto, A. Hara, T. Yamanaka, and K. Saiki, "Basic examination of simultaneous optimization of mechanical and control design for gantry-type precision stage modeled as two-mass 4-DOF system," in *Proc. The 36rd Annual Conference of the IEEE Industrial Electronics Society*, pp. 1872-1877 (2010).
- (2) S. Wakui, "Roles of an Active Anti-Vibration Apparatus in Precision Positioning" J. JSPE, vol. 73, no. 4, pp. 405-409, (2007).
- (3) K. Sakata, H. Fujimoto, T. Ohtomo, and K. Saiki, "Experimental verification on auto focus and leveling control of scan-stage using driving force and surface shape of the stage" in Proc. IEE of Japan Technical Meeting Record, IIC-08-44, (2008).
- (4) K. Sakata, H. Fujimoto, A. Hara, T. Ohtomo, and K. Saiki, "Design Fabrication and Control of 4-DOF High-Precision Stage", The 11th IEEE International Workshop on Advanced Motion Control, pp. 21-24, (2010).
- (5) H. Fujimoto, Y. Hori, and A. Kawamura, "Perfect tracking control based on multirate feedforward control with generalized sampling periods," *IEEE Trans. Industrial Electronics*, vol. 48, no. 3, pp. 636-644 (2001).