# 鎖交磁束に着目した集中巻永久磁石同期モータの 6次ラジアルカとトルクリプルの同時制御の提案

~無負荷での検証~

## 兼松正人\*,宮島孝幸,藤本博志,堀洋一(東京大学), 榎本俊夫,金堂雅彦,小宮洋志, 吉本貫太郎,宮川隆行(日産自動車)

Proposal of Simultaneous Suppression Control of 6th Radial Force and 6th Torque Ripple for IPMSM Based on Flux Linkage – Verification on No-Load Condition –

Masato Kanematsu\*, Takayuki Miyajima, Hiroshi Fujimoto, Yoichi Hori (The University of Tokyo)

Toshio Enomoto, Masahiko Kondou, Hiroshi Komiya,

Kantaro Yoshimoto, Takayuki Miyakawa (Nissan Motor Co., LTD.)

### Abstract

IPMSMs (Interior Permanent Magnet Synchronous Motors) are widely used for many industrial applications. However, IPMSMs cause large noise and vibration due to torque ripple and radial force. In this paper, simultaneous suppression control of 6th order radial force and 6th order torque ripple is proposed. Firstly, simple modelling of 6th radial force is proposed based on flux-linkage. From this simple modelling, d-axis harmonic current which can suppress 6th order radial force is derived. Secondly, the analysis of the proposed simple 6th radial force model shows that d-axis current can suppress 6th radial force and q-axis current do not cause 6th radial force on no-load condition. Finally, simulations and experiments on no-load condition are performed to show the verification of simultaneous suppression control of 6th order radial force and 6th order torque ripple.

キーワード: 埋込磁石同期モータ, 鎖交磁束, ラジアルカ, トルクリプル抑制制御, ラジアルカ抑制制御, 振動抑制 (IPMSM, flux linkage, radial force, torque ripple suppression control, radial force suppression control, vibration suppression)

#### 1. 序 論

現代社会において,モータの果たす役割は非常に大きく, その中の代表的なモータとして,埋込磁石同期モータ(Interior Permanent Magnet Synchronous Motor: IPMSM)が ある。IPMSMは,エアコンのコンプレッサや掃除機,電気 自動車など身近な場面で使われており,IPMSMが持つト ルクリプルや半径方向電磁加振力(Radial Electromagnetic Force:ラジアルカ)による音振動が問題となっている。そ こで IPMSM の低振動・静音化手法が強く求められている。

電磁加振力による振動の解析技術は盛んに研究されている<sup>(1)</sup>。解析技術の発達とともに, ラジアル力を抑制する設計法が先行研究により提案されている<sup>(2)(3)(4)(5)</sup>。しかし,構造的アプローチは設計,製造コスト増加の問題がある。そこで筆者らは制御によるラジアル力抑制手法に注目している。先行研究としては,屋代らの研究<sup>(6)</sup>などがあるが,特定駆動条件において多項式近似を用いて電流とラジアル力の関係をモデル化しているため,駆動条件が変わると適用できないなどの問題がある。PWM キャリアに起因する振動の抑制制御手法として, 文献(7) がある。フーリエ級数

展開を用いてラジアルカ分布を直接記述するという試み<sup>(3)</sup> もあるが,モデル化が非常に複雑となり,制御に用いるこ との出来るラジアルカの簡易モデルが構築されているとは 言いがたい。また,海外にて SR モータではトルクリプル とラジアルカの同時制御が提案されている例は存在する<sup>(9)</sup> がこの点に着目している先行研究は非常に少ない。

IPMSM では,時間次数として電気角2次と電気角6次 のラジアル力が音振動に寄与する加振力になりやすいこと が知られている<sup>(10)</sup>。そこで著者らは,ラジアル力の主成分 である電気角2次ラジアル力のモデル化及びその制御方法 について提案してきた<sup>(11)(12)</sup>。一方,電気角6次ラジアル 力は大きさとしては小さいが,空間として円環0次のモー ドを持つ電磁加振力であり,このラジアル力がステータの 0次固有モードを励起する際に非常に大きな音振動が発生 する。そのため,駆動時に特に問題となりやすく,電気角6 次ラジアル力のモデル化及び低減方法の確立は非常に重要 な問題である。図1に2次,6次ラジアル力の概念図とラ ジアル力が励起する代表的なステータの固有モードを示す。 先行研究では,ラジアル力分布の時間及び空間の高調波

1/6





(b) 2次ラジアル力励起に

よる6次固有モード





(c) 6 次ラジアル力の概念図

(d) 6次ラジアル力励起に よる0次固有モード



成分と振動応答の相関に注目している例が多い<sup>(5)</sup>が,本稿 で考察している比較的スロット数の少ない集中巻モータの 場合,1ティース全体に働くラジアル力の時間高調波成分 がステータの振動になると著者らは考えている。この前提 に基づき,1ティース全体に働く電気角6次成分のラジア ル力近似モデルを鎖交磁束に着目して導出する。近似モデ ルに基づき,6次ラジアル力を低減する電流指令値を導出 する。次に今まで考慮されていなかった6次トルクリプル 抑制制御と6次ラジアル力の関係をq軸基本波電流 i<sub>q0</sub> = 0 の条件にて考察する。最後に無負荷状態における6次ラジ アルとトルクリプルの同時抑制制御を提案し,電磁界解析 結果及び実験において近似モデルの妥当性を検証する。

2. 本稿で用いる仮定

本節では,本稿で用いる仮定を示し,仮定に基づき電気 角6次ラジアル力近似モデルを導出する。本稿では,理論 検証のために JSOL 社製 JMAG の2次元磁場解析を用いて いる。理想電流源を用い,一定回転の条件で解析している。

**2・1** 電流,鎖交磁束,ラジアル力の関係について U 相1ティースを貫く磁束  $\phi_u(t)$ は式(1)である。

$$\phi_u(t) = \frac{\psi_u(t)}{PN} \tag{1}$$

ここで,  $P: 極対数, N: 1 ティース当たりのターン数, <math>\psi_u$ : U相全鎖交磁束である。ここで, U相ティース表面(空隙 方向)に分布する周方向,半径方向磁束分布  $B_{\theta}(t)$ ,  $B_r(t)$ を考え,鎖交磁束が全て半径方向方向磁束分布  $B_r(t)$ にな ると仮定すると,式(2)となる。

$$\phi_u(t) = \int B_r(t) dS \tag{2}$$

ここでマクスウェル応力により, U相ティースに働くラジアル力  $F_u$ は式 (3)となる。

$$F_u(t) = \int \frac{B_r(t)^2}{2\mu_0} dS \tag{3}$$

ただしティース表面 S は,空隙に面する面積のみを考えて いる。ここで磁束がティース表面 S に均等に分布するとい う仮定を用いる。この仮定により,式 (2),(3) はそれぞれ 式 (4),(5) となる。

$$\phi_u(t) = B_r(t)S \tag{4}$$

$$F_{u}(t) = \frac{B_{r}^{2}(t)}{2\mu_{0}}S$$
(5)

本稿では,常に一定速で回転している状態を仮定している ため,今後時間の関数として扱わず,電気角 $\theta$ の関数とし て扱う。この点に注意して,式(4),(5)をまとめると,式 (6)となる。

$$F_u(\theta) = \frac{\psi_u^2(\theta)}{2\mu_0 SP^2 N^2} = A\psi_u^2(\theta) \tag{6}$$

$$A := \frac{1}{2\mu_0 S P^2 N^2}$$
(7)

式(6)をラジアル力近似式と呼ぶ。以下では,ラジアル力 近似式の妥当性を電磁界解析を用いて検証する。

2・2 鎖交磁束に関する仮定 本稿では,永久磁石 が作る U 相鎖交磁束  $\psi_{um}$  と電流が作る U 相鎖交磁束  $\psi_{ui}$ が線形独立であると仮定する。U 相鎖交磁束  $\psi_{ui}$  は,

$$\psi_u(\theta) = \psi_{um}(\theta) + \psi_{ui}(\theta) \tag{8}$$

となる。本稿で用いるモータは, 12P18Sの集中巻 IPMSM である。そのため,永久磁石が作る U 相鎖交磁束  $\psi_{um}(\theta)$ を,式 (9) と定義する。

$$\psi_{um}(\theta) = \psi_{1m} \cos \theta + \psi_{5m} \cos 5\theta + \psi_{7m} \cos 7\theta \qquad (9)$$

基本波磁束に対して,5次,7次の鎖交磁束が逆位相の場合には, $\psi_{5m}$ , $\psi_{7m}$ は負の値にもなりうる。また,本稿では11次以上の項は無視する。以下では対称性からU相のみを扱う。本稿で用いる IPMSMのパラメータを表1に示す。ただし,無負荷時の1ティースに働く6次ラジアル力 $F_{6:noload}$ と6次コギングトルク $T_{6:cog}$ の振幅は,電気角 $\theta$ を用いて, $F_{6:noload} \cos 6\theta$ , $T_{6:cog} \sin 6\theta$ と定義している。なお,d軸インダクタンス $L_d$ ,トルク係数 $K_t$ は $i_d$ , $i_q$  をそれぞれ1A 流した時の電磁界解析結果より計算している。

3. d 軸高調波電流が6次ラジアル力に及ぼす影響

d 軸高調波電流指令値  $i_{dh} \epsilon$ ,  $i_{dh} = I_{d6} \cos(6\theta - \theta_{d6})$ と 定義する。dq 軸から UVW 相への変換行列  $C_{dq}^{uvw}$  には絶対 変換を用いる。電流が作る U 相鎖交磁束  $\psi_{ui}$  は,式 (10) と なる。

Table 1. Parameters of IPMSM turn number N20a pair of poles P6 teeth area  $S \,[\mathrm{m}^2]$  $4.13 \times 10^{-4}$  $\psi_{m1}$ [mWb] 36.2 $\psi_{m5}$ [mWb] 0.811  $\psi_{m7}$ [mWb] -0.114 $K_t[Nm/A]$ 0.262 $L_d[mH]$ 0.866  $T_{6:cog}[Nm]$ -0.5790.382 $F_{6:noload}[N]$ 

$$= \begin{bmatrix} \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(5\theta - \theta_{d6}) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(7\theta - \theta_{d6}) \\ \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(5\theta - \theta_{d6} + \frac{2}{3}\pi) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(7\theta - \theta_{d6} - \frac{2}{3}\pi) \\ \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(5\theta - \theta_{d6} + \frac{4}{3}\pi) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(7\theta - \theta_{d6} - \frac{4}{3}\pi) \end{bmatrix}$$
(10)

よって, U 相鎖交磁束  $\psi_u(\theta)$  は式 (11) となる。

$$\psi_u(\theta) = \psi_{1m} \cos \theta$$
  
+  $\psi_{5m} \cos 5\theta + \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(5\theta - \theta_{d6})$   
+  $\psi_{7m} \cos 7\theta + \sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(7\theta - \theta_{d6})$  (11)

となる。式 (11) を式 (6) に代入し,6次成分 *F*<sub>r6</sub> のみ取り 出すと,

$$F_{r6} = \frac{\psi_{1m}A}{2} \left\{ (\psi_{5m} + \psi_{7m}) \cos 6\theta + 2\sqrt{\frac{1}{6}} L_d I_{d6} \cos(6\theta - \theta_{d6}) \right\}$$
(12)

$$K_{r6} := \psi_{1m} A \sqrt{\frac{1}{6}} L_d \tag{13}$$

ここで, $K_{r6}$ は, $I_q$ の値に対する6次ラジアル力の増加率 を表す定数である。0,2,4,8次成分は本稿では扱わ ない。電磁界解析として, $\theta_{d6} = 0$  [deg]の際に $I_{d6}$ の値を 変化させた際の6次ラジアル力の絶対値と電磁界解析結果 を図2に示す。 $I_{d6} = 0$ の際の解析結果がずれているため, オフセットが生じているが, $I_{d6}$ の変化に対して6次ラジ アル力の変化率は精度よく近似できている。 $I_{d6} = 0$ での モデルと解析の誤差の原因として,永久磁石起因の高調波 磁束に対しては,回転子位置変化による空間高調波が大き く,式(4),(5)の近似が成立しないことに起因すると考え ており,今後の課題となる。解析結果を最小二乗法にて1 次関数に近似すると,傾きが0.852となった。表1を用い て $K_{r6}$ を計算すると,0.866 [N/A]となり,=ジアル力近 似式は, $I_{q6}$ に対する6次ラジアルカの増加率を精度よく近 似出来ている。

4. q 軸高調波電流が6次ラジアルカに及ぼす影響



 $I_{q6}\sin(6\theta - \theta_{q6})$ と定義する。d 軸高調波電流の時と同様 に q 軸高調波電流による鎖交磁束  $\psi_{ui}(\theta)$ を計算すると,式 (14)となる。

$$\begin{bmatrix} \psi_{ui} \\ \psi_{vi} \\ \psi_{wi} \end{bmatrix} = C_{dq}^{uvw} \begin{bmatrix} 0 \\ L_q I_{q6} \sin(6\theta - \theta_{q6}) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -\sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(5\theta - \theta_{q6}) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(7\theta - \theta_{q6}) \\ -\sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(5\theta - \theta_{q6} + \frac{2}{3}\pi) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(7\theta - \theta_{q6} - \frac{2}{3}\pi) \\ -\sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(5\theta - \theta_{q6} + \frac{4}{3}\pi) + \sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(7\theta - \theta_{q6} - \frac{4}{3}\pi) \\ (14) \end{bmatrix}$$

3 節と違い,5次の符号が違う点に注意する。U 相鎖交磁 束 ψ<sub>u</sub>(θ) は,式 (15) となる。

$$\psi_u(\theta) = \psi_{1m} \cos \theta$$
  
+  $\psi_{5m} \cos 5\theta - \sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(5\theta - \theta_{q6})$   
+  $\psi_{7m} \cos 7\theta + \sqrt{\frac{1}{6}} L_q I_{q6} \cos(7\theta - \theta_{q6})$  (15)

となる。式 (15) を式 (6) に代入し,6次成分  $F_{r6}$ のみ取り 出すと,式 (16) となる。

$$F_{r6} = \frac{\psi_{1m}A}{2} \left\{ (\psi_{5m} + \psi_{7m}) \cos 6\theta \right\}$$
(16)

式 (16) より, q 軸高調波電流による高調波磁束成分が 6 次 ラジアルカには全く寄与しないことを示している。電磁界 解析においても同様の結果となるか,  $\theta_{q6} = 0$  [deg] として,  $I_{q6}$ を変化させた時と  $I_{q6} = 0.5$  [A] として,  $\theta_{q6}$  を変化させ た時の電磁界解析結果を図 3 に示す。図 3 から, q 軸高調 波電流はラジアルカに影響を及ぼさないことが解析上でも 確認出来る。

**5.** 6次トルクリプルと6次ラジアルカの同時制御 トルクの理論式より, *i*<sub>q0</sub> = 0のトルクは式 (17) で表せる。

$$T(\theta) = K_t i_{qh}(\theta) + P(L_d - L_q) i_{dh}(\theta) i_{qh}(\theta) + T_{cog}(\theta)$$
(17)

dq 軸 6 次高調波電流により,0次,1 2 次のリラクタンス トルクが発生し,6次 d 軸高調波電流は6 次トルクリプル には影響を与えない。よって,6次トルクリプル $T_{\theta 6}(\theta)$ は, 式 (18) となる。

$$T_{\theta 6}(\theta) = K_t i_{qh}(\theta) + T_{6:\cos} \sin 6\theta \tag{18}$$

本稿では12次成分の理論考察は行わず,解析結果のみ示 す。q軸高調波電流が6次ラジアルカに影響を及ぼさない ことは4節で示しているため,以上の結論からdq軸6次高 調波電流を用いることで6次ラジアルカ及び6次トルクリ プルをそれぞれ独立に制御出来る。

本稿ではトルクリプル抑制制御として,6次コギングト ルクの振幅,位相を電磁界解析で求め,それと逆位相のト ルクを発生するように q 軸電流を流す。q 軸補償電流 I<sub>qh</sub> は式 (19) となる。

$$I_{q6} = -\frac{T_{6:\text{cog}}}{K_t} \tag{19}$$

本稿で用いるモータでは ,  $I_{q6} = 2.21$  [A] である。

6次ラジアル力抑制制御のための補償電流振幅は,式 (20) のように  $i_q = 0$ の6次ラジアル力  $F_{6:noload}$ の電磁界解析 結果及び式 (13)の係数から決定する。

$$I_{d6} = -\frac{F_{6:\text{noload}}}{K_{r6}} \tag{20}$$

本稿で用いるモータでは, *I*<sub>d6</sub> = -0.446 [A] である。 6次トルクリプル抑制制御, 6次ラジアル力抑制制御の 電磁界解析結果を図 4 に示す。図 4 では, ラジアルカ,ト ルクリプルを周波数解析し,6次,12次を抽出した結果 を示している。6次ラジアルカ  $F_{r6}$ に対しては,1ティー スにかかる力 [N] で表記し,6次トルクリプル  $T_{\theta 6}$ に対し ては,ロータにかかるトルク [Nm] の次元で表記している。

6次ラジアルカと6次トルクリプルの同時抑制を実現で きており,同時抑制制御によって,ラジアルカは96[%],ト ルクリプルは99[%]以上低減出来ている。図4(b),4(h)を 比較すると,トルクリプル抑制制御により,トルクリプル 12次成分が30[%]程度増加している。また,*I*<sub>46</sub>の振幅 が大きいため,図4(c),4(i)から6次ラジアルカの増加が 確認出来る。

#### 6. 実 験

実験では,負荷モータで速度制御をかけた状態で,高調波 電流による振動現象の変化を測定する。駆動モータのケー ス表面に3軸加速度計を貼り,半径方向,周方向の加速度を 周波数解析して評価する。振動を大きく測定するため,駆 動用モータは,バックヨークが5mmと一般のモータと較 ベ薄く作ってある。

実験結果を図 5 に示す。回転数は,375 rpm に制御して あり,電気次数 6 次は,225 Hz である。捩れ共振周波数が 250 Hz 付近のため,周方向振動が大きく発生している。ま た,電磁界解析から得られた q 軸高調波電流指令値と実際 の実験での $a_{\theta}$  の低減効果から, q 軸高調波電流指令値を解 析結果より減少させて試験している。

図 5(b),5(h)を比較すると,理論通り6次周方向振動は 抑制でき,12次周方向振動は増大した。ただ,図 5(c), 5(i)を比較すると,電磁界解析結果からの予測よりも6次 半径方向振動が悪化した。図 5(c),5(f)と図 5(i),5(l)を それぞれ比較すると,ラジアル力制御のための d 軸高調波 電流により,6次半径方向振動が低減していることが確認 できる。図 5(h),5(k)から,ラジアル力制御によって,6 次周方向振動も低減しており,6次ラジアル力の周方向へ の伝達が減ったためと考えられるが,図 5(b),5(e)では逆 に悪化しているので,今後詳細に検討していく。全体とし て,周及び半径方向で6次高調波電流により12次振動成 分が増加した。

実験結果と電磁界解析結果の誤差としては,本稿で考えてきたティースに働く電磁加振力の他に磁歪による振動現象<sup>(13)</sup>の影響も考えられ,磁歪がどの程度振動に寄与するのか,更なる検証が望まれる。

7. 結 論

本稿では,鎖交磁束に着目し,簡易な6次ラジアルカモ デルを提案した。ラジアルカ近似モデルからd軸高調波電 流により,1ティース全体に働くラジアルカを抑制した。ま た,q軸高調波電流とラジアルカの関係を*iq0* = 0 におい て考察し,q軸高調波電流が6次ラジアルカに寄与しない ことをラジアルカ近似式及び電磁界解析より示した。以上 の結果から,q軸高調波電流を用いた6次トルクリプル抑 制制御とd軸高調波電流を用いた6次ラジアルカ抑制制御



を干渉なく同時に実現できることを電磁界解析により示した。実験においても振動抑制効果は見られたが,干渉の影響が見られた。

今後,実験結果においては,未だ原因の不明瞭な現象が みられるため,振動測定点を増やし,より詳細に検討して いく。 $i_{q0} \neq 0$ の条件でのラジアル力近似式を今後拡張し, 検討していく。また,振動が顕著となる高回転域での高調 波電流制御を今後検討していく。

#### 参考文献

 T. Hattori, K. Narita, Y. Sakashita, T. Yamada, K. Hanaoka, and K. Akatsu: "Modeling Method of Vibration Analysis Model for Permanent Magnet Motor", IEE of Japan Technical Meeting Record, MAG-10-38, No. 26, pp. 61–66, 2010(in Japanese).

- (2) Tao Sun, Ji-Min Kim, Geun-Ho Lee, Jung-Pyo Hong, Myung-Ryul Choi: "Effect of Pole and Slot Combination on Noise and Vibration in Permanent Magnet Synchronous Motor," Magnetics, IEEE Transactions on , vol.47, no.5, pp.1038-1041, May 2011
- pp.1038-1041, May 2011
  (3) T. Kobayashi, Y. Takeda, M. Sanada, and S. Morimoto: "Vibration Reduction of IPMSM with Concentrated Winding by Making Holes", T.IEEJapan, Vol. 124-D, No. 2, pp. 202-207, 2004(in Japanese).
  (4) Y. Asano, Y. Honda, Y. Takeda, and S. Morimoto: "Re-
- (4) Y. Asano, Y. Honda, Y. Takeda, and S. Morimoto: "Reduction of Vibration on Concentrated Winding Permanent Magnet Synchronous Motors with Considering Radial Stress.", T.IEEJapan, Vol. 121-D, No. 11, pp. 1185–1191, 2001 (in Japanese).
- (5) R. Takahata, S. Wakui, K. Miyata, K. Noma, and M. Senoo: "Study on Reduction in Vibrations of Concentrated Winding Permanent Magnet Synchronous Motor by



Fig. 5. Experimental results

Skew Effects of Rotor", T.IEEJapan, Vol. 132-D, No. 2, pp. 278–287, 2012(in Japanese).
(6) H. Yashiro and H. Takada: "Reduction of a Radial Elec-

- tromagnetic Oscillating Force of an Electrical Motor by Superposing a High Order Current", Transactions of the Japan Society of Mechanical Engineers. C, Vol. 72, No.
- 715, pp. 723-728, 2006(in Japanese).
  (7) E. Zeze, K. Akatsu: "Vibration improvement by current hysteresis control for PM motor", JIASC2012, pp. III-149-152 (2012)(in Japanese)
- (8) Z.Q. Zhu, et al: "Analytical modeling and finite-element computation of radial vibration force in fractional-slot permanent-magnet brushless machines." Industry Appli-cations, IEEE Transactions on 46.5 (2010): 1908-1918. Divandari, M.; Dadpour, A.; , "Radial force and torque ripple optimization for acoustic noise reduction of SRM
- (9) drives via fuzzy logic control," Industry Applications (IN-DUSCON), 2010 9th IEEE/IAS International Conference on , vol., no., pp.1-6, 8-10 Nov. 2010

- (10) T. Miyakawa: "EV 用モータの振動騒音のメカニズムと最新の 解析技術について",第31次モータ技術フォーラム, 2012-12-21.
  (11) M. Kanematsu, T. Miyajima, H. Fujimoto, Y. Hori, T. Enomoto, M. Kanayama, T. Miyakawa, and K. Yoshinoto: "Radial Force Control of IPMSM Considering Mag-netic Flux Distribution On No-Load Condition", IEE of Japan Technical Meeting report, VT, No. 7, 2012(in Japanese).
- M. Kanematsu, T. Miyajima, H. Fujimoto, Y. Hori, T. Enomoto, M. Kanayama, T. Miyakawa, and K. Yoshimoto: "Base Study on Radial Force Reduction with daxis Current Considering Magnetic Flux Distribution", JI-
- ASC2012, pp. III-215–218 (2012)(in Japanese)
  (13) F. Ishibashi, S. Noda, S. Yanase, and T. Sasaki: "Magnetostriction and Motor Vibration", T.IEEJapan, Vol. 123-A, No.6, pp. 569–573, 2003(in Japanese).